

用不可能差分法分析 12 轮 ESF 算法

高红杰 卫宏儒

(北京科技大学数理学院 北京 100083)

摘要 轻量级分组密码算法 ESF 是一种具有广义 Feistel 结构的 32 轮迭代型分组密码, 轮函数具有 SPN 结构, 分组长度为 64 比特, 密钥长度为 80 比特。为了研究 ESF 算法抵抗不可能差分攻击的能力, 基于一条 8 轮不可能差分路径, 根据轮密钥之间的关系, 通过向前增加 2 轮、向后增加 2 轮的方式, 对 12 轮 ESF 算法进行了攻击。计算结果表明, 攻击 12 轮 ESF 算法所需的数据复杂度为 $O(2^{53})$, 时间复杂度为 $O(2^{60.43})$, 由此说明 12 轮的 ESF 算法对不可能差分密码分析是不免疫的。

关键词 分组密码, 不可能差分密码分析, ESF, 轻量级, 复杂度

中图法分类号 TN918.1

文献标识码 A

DOI 10.11896/j.issn.1002-137X.2017.10.028

Impossible Differential Attack on 12-round Block Cipher ESF

GAO Hong-jie WEI Hong-ru

(School of Mathematics and Physics, University of Science and Technology Beijing, Beijing 100083, China)

Abstract ESF is a lightweight block cipher algorithm with generalized Feistel structure of 32 rounds of iterated block ciphers. Its round function employs SPN structure. The block size of ESF is 64-bit and the key size is 80-bit. In order to analyze impossible differential cryptanalysis on the block cipher ESF, based on one 8-round impossible differential route, according to the relationship of the round keys, through adding two rounds in the front and adding two rounds in the end, 12-round ESF was attacked. Computing result shows that the attacks of 12-round ESF need $O(2^{53})$ data complexity, and $O(2^{60.43})$ time complexity, so 12-round ESF is not immune to impossible differential cryptanalysis.

Keywords Block cipher, Impossible differential cryptanalysis, ESF, Lightweight, Complexity

1 引言

不可能差分密码分析是差分密码分析的一种特殊形式, 是一种十分有效的分析方法^[1], 最初是由 Biham^[2] 和 Keller^[2] 提出的, 主要利用概率为 0 的差分, 其基本思想是排除那些导致概率为 0 的特征或差分的候选密钥^[3]。对于一条概率为 0 的差分路径, 当用正确密钥解密密文时不会得到符合该路径的差分; 当用猜测密钥解密密文时能得到符合该路径的差分, 那么该密钥猜测值是错误的; 从而筛选了所有的错误密钥猜测值, 剩下的就是需要恢复的正确密钥^[4]。近年来, 该攻击方法被广泛运用于分组密码的分析中, 如 MIBS, LBlock, CLEFIA^[5], SNAKE^[6], Camellia, SMS4^[7-8] 等。

ESF 算法是刘宣等在研究吴文玲学者设计的 LBlock^[9] 算法之后提出的, 他们发现通过对置换层进行按位置换的方式能够得到更好的置换层扩散性以及对于较少轮数中的置换数据更快的扩散, 这大大提升了分组密码抵抗攻击的能力。此外, 基于算法 PRESENT 中 P 层置换的形式, 借助数学公式对 P 层进行改善, 于是得到了“八阵图算法”ESF 算法^[10-12]。这是一种具有广义 Feistel 结构的 32 轮迭代型分

组密码, 轮函数具有 SPN 结构, 分组长度为 64 比特, 密钥长度为 80 比特。

目前, 对 ESF 算法的分析结果包括: 文献[11]对 ESF 进行了 11 轮的不可能差分攻击, 文献[12]对文献[11]中 ESF 的 11 轮不可能差分结果进行了改进, 文献[13]对 ESF 算法进行了差分故障攻击。本文基于 1 条 8 轮不可能差分路径, 根据轮密钥之间的关系, 通过向前增加 2 轮、向后增加 2 轮的方式, 对 12 轮 ESF 算法进行了不可能差分攻击。

2 ESF 算法

2.1 符号及术语说明

M 为 64 比特明文; C 为 64 比特密文; K 为 80 比特主密钥; K_r 为 32 比特轮密钥; F 为轮函数; s 表示 4×4 S 盒; S 为混淆层, 包含 8 个 4×4 S 盒; $\oplus$ 表示按位异或; P 为扩散层; $\lll 7$ 表示循环左移 7 位; $\parallel$ 表示二进制字符联接; $[i]_2$ 为轮常数 i 的二进制表示。

2.2 ESF 算法简介

ESF 算法是一种 Feistel 型分组密码, 分组长度为 64 比特, 密钥长度为 80 比特, 共有 32 轮。其加密结构如图 1 所

到稿日期: 2016-09-13 返修日期: 2016-12-23 本文受 2016 年国家自然科学基金项目: 认证加密算法的设计和分析(61672509), 2017 年国家自然科学基金项目: 面向网络空间的大数据安全与隐私保护研究(U1603116)资助。

高红杰(1992—), 女, 硕士生, 主要研究方向为密码学与信息安全, E-mail: 1532766237@qq.com; 卫宏儒(1963—), 男, 副教授, 硕士生导师, 主要研究方向为数学、信息安全与密码学、物联网关键技术, E-mail: weihr@ustb.edu.cn。

(1) 选择明文结构

选择如下明文组: $L_0 = (x_1 x_2 x_3 x_4 | x_5 x_6 x_7 x_8 | \dots | x_{29} x_{30} x_{31} x_{32})$, $R_0 = (y_1 a_2 a_3 a_4 | a_5 a_6 a_7 y_8 | y_9 a_{10} a_{11} a_{12} | a_{13} a_{14} a_{15} y_{16} | y_{17} a_{18} a_{19} a_{20} | a_{21} a_{22} a_{23} y_{24} | y_{25} a_{26} a_{27} a_{28} | a_{29} a_{30} a_{31} y_{32})$, 其中, $x_i (1 \leq i \leq 32)$ 和 $y_i (i = 1, 8, 9, 16, 17, 24, 25, 32)$ 取所有可能值, a_i 为常数。

该明文结构包括 2^{40} 个明文, 可形成 2^{79} 个明文对, 选取 2^N 个这样的结构进行 12 轮加密, 则共有 2^{N+40} 个明文, 可形成 2^{N+79} 个明密文对。

(2) 过滤数据对

对这些明文对进行 12 轮加密, 得到相应的密文对, 选择满足如下差分形式的密文对: $\Delta L_{12} = (r_1 000 | 000 p_2 | r_2 000 | 000 p_3 | r_3 000 | 000 p_4 | r_4 000 | 000 p_1)$, $\Delta R_{12} = (0 m_1 0 n_1 | 0 y_1 0 z_1 | 0 m_2 0 n_2 | 0 y_2 0 z_2 | 0 m_3 e n_3 \oplus f | g y_3 \oplus h 0 z_3 | 0 m_4 0 n_4 | 0 y_4 0 z_4)$, 其中 $p_i, r_i (i = 1, 2, 3, 4)$ 为非零值。因此满足条件的概率为 $p = 2^{26} \times 2^{-64} = 2^{-38}$, 剩下的明密文对为 2^{N+41} 。

(3) 密钥恢复过程

1) 猜测轮密钥 k_{12} 的 8 个比特值 $k_{12,7}, k_{12,8}, k_{12,15}, k_{12,16}, k_{12,23}, k_{12,24}, k_{12,31}, k_{12,32}$, 对上一步留下的任意一对密文计算满足 $s_2(L_{12,7} \oplus k_{12,7}) \oplus s_2(L_{12,7}^* \oplus k_{12,7}) = R_{12,7} \oplus R_{12,7}^*$, $s_2(L_{12,8} \oplus k_{12,8}) \oplus s_2(L_{12,8}^* \oplus k_{12,8}) = R_{12,8} \oplus R_{12,8}^*$, $s_4(L_{12,15} \oplus k_{12,15}) \oplus s_4(L_{12,15}^* \oplus k_{12,15}) = R_{12,15} \oplus R_{12,15}^*$, $s_4(L_{12,16} \oplus k_{12,16}) \oplus s_4(L_{12,16}^* \oplus k_{12,16}) = R_{12,16} \oplus R_{12,16}^*$, $s_6(L_{12,23} \oplus k_{12,23}) \oplus s_6(L_{12,23}^* \oplus k_{12,23}) = R_{12,23} \oplus R_{12,23}^*$, $s_6(L_{12,24} \oplus k_{12,24}) \oplus s_6(L_{12,24}^* \oplus k_{12,24}) = R_{12,24} \oplus R_{12,24}^*$, $s_8(L_{12,31} \oplus k_{12,31}) \oplus s_8(L_{12,31}^* \oplus k_{12,31}) = R_{12,31} \oplus R_{12,31}^*$, $s_8(L_{12,32} \oplus k_{12,32}) \oplus s_8(L_{12,32}^* \oplus k_{12,32}) = R_{12,32} \oplus R_{12,32}^*$ 的数据对, 因此满足条件的概率为 2^{-8} , 剩余数据对为 $2^{N+41} \times 2^{-8} = 2^{N+33}$ 。

2) 猜测轮密钥 k_{11} 的 4 个比特值 $k_{11,26}, k_{11,27}, k_{11,28}, k_{11,29}$, 对第 1) 步留下的任意一对密文计算满足 $s_7(L_{11,26} \oplus k_{11,26}) \oplus s_7(L_{11,26}^* \oplus k_{11,26}) = R_{11,26} \oplus R_{11,26}^*$, $s_7(L_{11,27} \oplus k_{11,27}) \oplus s_7(L_{11,27}^* \oplus k_{11,27}) = R_{11,27} \oplus R_{11,27}^*$, $s_7(L_{11,28} \oplus k_{11,28}) \oplus s_7(L_{11,28}^* \oplus k_{11,28}) = R_{11,28} \oplus R_{11,28}^*$, $s_8(L_{11,29} \oplus k_{11,29}) \oplus s_8(L_{11,29}^* \oplus k_{11,29}) = R_{11,29} \oplus R_{11,29}^*$ 的数据对, 因此满足条件的概率为 2^{-4} , 剩余数据对为 2^{N+29} 。

3) 猜测轮密钥 k_1 的 1, 8, 9, 16, 17, 24, 25, 32 这 8 个比特, 针对第 2) 步留下的每一个密文对相应的明文对 (L_0, R_0) 和 (L_0^*, R_0^*) , $L_0 = (x_1 x_2 x_3 x_4 | x_5 x_6 x_7 x_8 | \dots | x_{29} x_{30} x_{31} x_{32})$, $R_0 = (y_1 a_2 a_3 a_4 | a_5 a_6 a_7 y_8 | y_9 a_{10} a_{11} a_{12} | a_{13} a_{14} a_{15} y_{16} | y_{17} a_{18} a_{19} a_{20} | a_{21} a_{22} a_{23} y_{24} | y_{25} a_{26} a_{27} a_{28} | a_{29} a_{30} a_{31} y_{32})$, $L_0^* = (x_1^* x_2^* x_3^* x_4^* | x_5^* x_6^* x_7^* x_8^* | \dots | x_{29}^* x_{30}^* x_{31}^* x_{32}^*)$, $R_0^* = (y_1^* a_2 a_3 a_4 | a_5 a_6 a_7 y_8^* | y_9^* a_{10} a_{11} a_{12} | a_{13} a_{14} a_{15} y_{16}^* | y_{17}^* a_{18} a_{19} a_{20} | a_{21} a_{22} a_{23} y_{24}^* | y_{25}^* a_{26} a_{27} a_{28} | a_{29} a_{30} a_{31} y_{32}^*)$, 计算 (L_1, R_1) 和 (L_1^*, R_1^*) , 选择差分对 $R_1 \oplus R_1^* = (000a | bcd0 | 0000 | 0000 | 0000 | 0000 | 0000 | 0000)$, 其中 a, b, c, d 是非零值, 因此满足条件的概率为 2^{-28} , 此时剩余数据对为 2^{N+1} 。

4) 猜测轮密钥 k_2 的 4, 5, 6, 7 这 4 个比特, 做如下操作: 针对上一步留下的每一对 (L_0, R_0) 和 (L_0^*, R_0^*) , 以及相应的 (L_1, R_1) 和 (L_1^*, R_1^*) , $L_1 = (y_1 y_2 a_3 a_4 | a_5 a_6 a_7 a_8 | y_9 y_{10} a_{11} a_{12} | a_{13} a_{14} a_{15} a_{16} | y_{17} y_{18} a_{19} a_{20} | a_{21} a_{22} a_{23} a_{24} | y_{25} y_{26} a_{27} a_{28} | a_{29} a_{30} a_{31} a_{32})$, $R_1 = (r_1 r_2 r_3 r_4 | z_5 z_6 z_7 r_8 | r_9 r_{10} r_{11} r_{12} | r_{13} r_{14} r_{15} r_{16} | r_{17} r_{18} r_{19}$

$r_{20} | r_{21} r_{22} r_{23} r_{24} | r_{25} r_{26} r_{27} r_{28} | r_{29} r_{30} r_{31} r_{32})$, $L_1^* = (y_1^* y_2^* a_2 a_3 a_4 | a_5 a_6 a_7 a_8 | y_9^* y_{10}^* a_{11} a_{12} | a_{13} a_{14} a_{15} a_{16} | y_{17}^* y_{18}^* a_{19} a_{20} | a_{21} a_{22} a_{23} a_{24} | y_{25}^* y_{26}^* a_{27} a_{28} | a_{29} a_{30} a_{31} a_{32})$, $R_1^* = (r_1^* r_2^* r_3^* r_4^* | z_5^* z_6^* z_7^* r_8^* | r_9^* r_{10}^* r_{11}^* r_{12}^* | r_{13}^* r_{14}^* r_{15}^* r_{16}^* | r_{17}^* r_{18}^* r_{19}^* r_{20}^* | r_{21}^* r_{22}^* r_{23}^* r_{24}^* | r_{25}^* r_{26}^* r_{27}^* r_{28}^* | r_{29}^* r_{30}^* r_{31}^* r_{32}^*)$ 。计算 $s_1(z_4 \oplus k_{2,4}) \oplus s_1(z_4^* \oplus k_{2,4}) = R_{2,4} \oplus R_{2,4}^*$, $s_2(z_5 \oplus k_{2,5}) \oplus s_2(z_5^* \oplus k_{2,5}) = R_{2,5} \oplus R_{2,5}^*$, $s_2(z_6 \oplus k_{2,6}) \oplus s_2(z_6^* \oplus k_{2,6}) = R_{2,6} \oplus R_{2,6}^*$, $s_2(z_7 \oplus k_{2,7}) \oplus s_2(z_7^* \oplus k_{2,7}) = R_{2,7} \oplus R_{2,7}^*$, 选择所有差分形式满足上述条件的数据对, 因此满足条件的概率为 2^{-4} , 此时剩余数据对为 2^{N-3} 。

5) 对上一步留下的每一个剩余对, 判断 ΔR_2 是否等于 $(0000 | 0000 | 0000 | 0000 | 0000 | 0000 | 0000 | 0000)$, 若等于, 则差分分析不可能成立, 此时经过 2^{N-3} 个剩余明密文对, 64 比特的密钥中剩余的错误密钥个数为 $2^{64} \times (1 - 2^{-4})^{2^{N-3}} < 1$, 即可恢复正确密钥, 经过计算可得 $N \approx 13$ 。

攻击的复杂度计算过程如下:

步骤 1 $2 \times 2^8 \times 2^{N+41} = 2^{63}$

步骤 2 $2 \times 2^8 \times 2^4 \times 2^{N+33} \times (4/8) = 2^{57}$

步骤 3 $2 \times 2^8 \times 2^4 \times 2^8 \times 2^{N+29} = 2^{63}$

步骤 4 $2 \times 2^8 \times 2^4 \times 2^8 \times 2^4 \times 2^{N+1} \times (4/8) = 2^{37}$

因此该攻击的总时间复杂度为: $(2^{63} + 2^{57} + 2^{63} + 2^{37})/12 \approx 2^{60.43}$ 。

明文量为: $2^{N+40} = 2^{13+40} = 2^{53}$ 。

综上可得: 总的时间复杂度为 $O(2^{60.43})$, 数据复杂度为 $O(2^{53})$ 。

结束语 本文基于已有的 8 轮不可能差分路径, 通过向前增加 2 轮、向后增加 2 轮的方式, 构成了针对 12 轮 ESF 算法的不可能差分密码分析。通过计算数据复杂度和时间复杂度, 获得了较好的结果。此外, 通过寻找更好的不可能差分路径来改善目前已有的结果或者对更长轮数的 ESF 算法进行不可能差分攻击, 以及用其他分析方法对 ESF 算法进行分析, 将是之后对 ESF 算法进行研究的的方向。

参 考 文 献

- [1] CHEN Z, WANG N. Impossible Differential Cryptanalysis of SIMON[J]. Journal of Password, 2015, 2(6): 505-514. (in Chinese)
陈展, 王宁. SIMON 算法的不可能差分分析[J]. 密码学报, 2015, 2(6): 505-514.
- [2] CHEN J, HU Y P, ZHANG Y Y. Impossible differential attack on the 17-round block cipher SMS4[J]. Journal of Xidian University, 2008, 35(3): 455-458. (in Chinese)
陈杰, 胡予濮, 张跃宇. 用不可能差分法分析 17 轮 SMS4 算法[J]. 西安电子科技大学学报, 2008, 35(3): 455-458.
- [3] WU W L, ZHANG W T, FENG D G. Impossible differential cryptanalysis of ARIA and Camellia[J]. Journal of Computer Science and Technology, 2007, 22(3): 449-456.
- [4] 吴文玲, 冯登国, 张文涛. 分组密码的设计与分析[M]. 北京: 清华大学出版社, 2009: 68-72.
- [5] MALA H, DAKHILALIAN M. Impossible attacks on 13-round CLEFIA-128[J]. Journal of Computer Science and Technology, 2011, 26(4): 744-750.

(下转第 181 页)

关数据集上, Skyline 查询的平均通信消耗最大。

当数据维不变且网络规模不断增加时,节点数不断增加,导致数据元组的传输数量也在不断增加,从而导致最终的 Skyline 结果集增大。图 3 给出了当数据维度为默认值,分别在 3 种不同数据集进行实验,并且网络规模从 $200\text{m} \times 200\text{m}$ 到 $600\text{m} \times 600\text{m}$ 变化时,查询阶段的平均通信消耗。SWSKY 算法同样利用 F_{tuple} 进行元组过滤,在 3 种数据集下 SWSKY 查询算法都要明显优于 SkySensor 算法。

结束语 Skyline 查询在无线传感器网络中的应用日趋增多,减少能量的消耗依然是无线传感器网络的一个研究重点。本文提出的 SWSKY 算法在聚簇结构的基础上对过滤策略进行改进,在过滤时选取了支配力最强的过滤元组,它能有效地减少无效数据元组的传输,从而节省 WSN 能量,延长 WSN 的生命周期。

参 考 文 献

- [1] 颜振亚,郑宝玉. 无线传感器网络[M]. 北京:清华大学出版社, 2005.
 - [2] XIAO Y Y, CHEN Y G. Efficient distributed skyline queries for mobile applications[J]. Journal of Computer Science and Technology, 2010, 25(3): 523-536.
 - [3] WANG H X, ZHENG J P, SONG B L. Skyline Query Processing in Wireless Sensor Networks[J]. Journal of Computer Science, 2013, 40(8): 14-23. (in Chinese)
王海翔,郑吉平,宋保利. 无线传感器网络中的 Skyline 查询处理技术[J]. 计算机科学, 2013, 40(8): 14-23.
 - [4] HOSE K, VLACHOU A. A survey of skyline processing in highly distributed environments[J]. Vldb Journal, 2012, 21(3): 359-384.
 - [5] VLACHOU A, DOULKERIDIS C, KOTIDIS Y, et al. SKYPE-ER: Efficient Subspace Skyline Computation over Distributed Data[C]// 2014 IEEE 30th International Conference on Data Engineering. IEEE, 2007: 416-425.
 - [6] WU P, ZHANG C, FENG Y, et al. Parallelizing Skyline Queries for Scalable Distribution[C]// International Conference on Advances in Database Technology-edbt. 2006: 112-130.
 - [7] WANG S, VU Q H, OOI B C, et al. Skyframe: A framework for skyline query processing in peer-to-peer systems[J]. Vldb Journal, 2009, 18(1): 345-362.
 - [8] BALKE W T, GÜNTZER U, ZHENG J X. Efficient Distributed Skylining for Web Information Systems[J]. Lecture Notes in Computer Science, 2004, 2992: 256-273.
 - [9] HUANG Z, JENSEN C S, LU H, et al. Skyline queries against mobile lightweight devices in MANETs[C]// International Conference on Data Engineering. 2006: 66.
 - [10] CHEN H, ZHOU S, GUAN J. Towards Energy-Efficient Skyline Monitoring in Wireless Sensor Networks[C]// Wireless Sensor Networks, European Conference(Ewsn 2007). Delft, the Netherlands, 2007: 101-116.
 - [11] KWON Y, CHOI J H, CHUNG Y D, et al. In-Network Processing for Skyline Queries in Sensor Networks [J]. Ieice Transactions on Communications, 2007, 90(12): 3452-3459.
 - [12] TAO Y, PAPADIAS D. Maintaining sliding window skylines on data streams[J]. IEEE Transactions on Knowledge & Data Engineering, 2006, 18(3): 377-391.
 - [13] XIN J, WANG G, CHEN L, et al. Continuously Maintaining Sliding Window Skylines in a Sensor Network[C]// International Conference on Database Systems for Advanced Applications (DASFAA 2007). Bangkok, Thailand, 2007: 509-521.
 - [14] XIN J C, WANG G R. Continuous Skyline Nodes Query Processing over Wireless Sensor Networks[C]// NDBL 2012. 2012: 2415-2430. (in Chinese)
信俊昌,王国仁. 无线传感器网络中 Skyline 节点连续查询算法[C]//中国数据库学术会议. 2012: 2415-2430.
 - [15] LI H, YOO J. An efficient scheme for continuous skyline query processing over dynamic data set[C]// International Conference on Big Data and Smart Computing. 2014: 54-59.
 - [16] SU I F, CHUNG Y C, LEE C, et al. Efficient skyline query processing in wireless sensor networks[J]. Journal of Parallel & Distributed Computing, 2010, 70(6): 680-698.
 - [17] KARP B, KUNG H T. GPSR: greedy perimeter stateless routing for wireless networks[C]// International Conference on Mobile Computing and Networking. ACM, 2000: 243-254.
-
- (上接第 149 页)
- [6] SUN B, QU L J, LI C. Impossible Differential Cryptanalysis of SNAKE[C]// Procof NSWCT'09. 2009: 63-66.
 - [7] TOZ D, DUNKELMAN O. Analysis of two Attacks on Reduced-Round Versions of the SMS4[M]// Information and Communications Security. Springer Berlin Heidelberg, 2008: 141-156.
 - [8] WANG G L. Improved Impossible Differential Cryptanalysis on SMS4[C]// International Conference on Communications and Intelligence Information Security. IEEE, 2010: 105-108.
 - [9] LIU Y, GU D, LIN Z, et al. Impossible differential attacks on reduced-round Lblock [C]// ISPEC 2012. 2012: 97-108.
 - [10] LIU X. The design and implementation of the lightweight block cipher ESF[D]. Shandong: Shandong Normal University, 2014. (in Chinese)
 - 刘宣. 轻量级分组密码 ESF 的设计与实现[D]. 山东: 山东师范大学, 2014.
 - [11] LIU X, LIU F, MENG S. Impossible differential cryptanalysis of lightweight block cipher ESF [J]. Computer and Engineering Science, 2013, 35(9): 89-95. (in Chinese)
刘宣, 刘枫, 孟帅. 轻量级分组密码算法 ESF 的不可能差分分析[J]. 计算机工程与科学, 2013, 35(9): 89-95.
 - [12] CHEN Y L, WEI H R. Impossible Differential Cryptanalysis of ESF[J]. Computer Science, 2016, 43(8): 89-91. (in Chinese)
陈玉磊, 卫宏儒. ESF 算法的不可能差分密码分析[J]. 计算机科学, 2016, 43(8): 89-91.
 - [13] XU P. Differential Fault Analysis on lightweight block cipher ESF[J]. Network Security Technology & Application, 2016 (1): 99-100. (in Chinese)
徐朋. 轻量级分组密码 ESF 的差分故障攻击[J]. 网络安全技术与应用, 2016(1): 99-100.