

# 基于改进 NC-OFDM 算法的仿真设计与分析

**周惠婷'周杰<sup>1,2</sup>** 1 南京信息工程大学电子与信息工程学院 南京 210044 2 日本国立新泻大学工学部 日本 新泻 950-2181



摘 要 正交频分复用(Orthogonal Frequency Division Multiplexing, OFDM)是目前为止最有前景的调制技术,已经被大多数 无线和有线通信标准采用。N-coutinuous 正交频分复用是 OFDM 与认知无线电技术相结合转换而来的,但它的旁瓣抑制一直 是一个需要解决的问题。为在不影响旁瓣抑制性能的基础上降低算法和接收机的复杂性,文中提出了一种符号填充正交频分 复用的时域算法,将 n-连续 OFDM 校正符号只插入到保护间隔中,并将每个 OFDM 符号无缝连接起来,从而抑制了旁瓣。仿 真结果表明,所提算法不影响旁瓣抑制性能,且易于实现,复杂度相比传统 N-continuous 正交频分复用系统有了明显降低。在 K=72 的不同信道,信号的误码率降低 5 dB。文中还用 matlab 的 simulink 来模拟现场可编程门阵列(Field-Programmable Gate Array,FPGA)的 N-coutinuous 正交频分复用系统的仿真。FPGA 具有很大的灵活性,在数字信号处理上具有更快的计算速度 和较小的面积,其成本低,风险小,时间上亦具有优势。

关键词:OFDM;NC-OFDM;系统仿真;FPGA;旁瓣抑制 中图法分类号 TN91

# Simulation and Analysis on Improved NC-OFDM Algorithm

ZHOU Hui-ting<sup>1</sup> and ZHOU Jie<sup>1,2</sup>

1 College of Electronic & Information Engineering, Nanjing University of Information Science and Technology, Nanjing 210044, China 2 Department of Engineering, National Niigata University, Niigata 950-2181, Japan

Abstract Orthogonal Frequency Division Multiplexing (OFDM) is the most promising modulation technology so far. It has been adopted by most wireless and wired communication standards. N-coutinuous Orthogonal Frequency Division Multiplexing is a combination of OFDM and cognitive radio technology, but its sidelobe suppression has always been a problem to be solved. In order to reduce the complexity of the algorithm and receiver without affecting the sidelobe suppression performance, a symbol-filled OFDM time-domain algorithm is proposed, it inserts *n*- continuous OFDM correction symbols only into the protection interval and seamlessly connects each OFDM symbol, thus suppressing side lobes. The simulation shows that the proposed algorithm does not affect the sidelobe suppression performance, and is easy to implement. The complexity is significantly lower than the traditional N-continuous OFDM system. In different channels of K=72, Signal BER reduction by 5dB. The simulink of MATLAB is used to simulate the simulation of N-coutinuous OFDM systems in FPGA. FPGA has great flexibility, and has higher computing speed and smaller area in digital signal processing. Low cost, low risk, time advantage.

Keywords OFDM, NC-OFDM, System simulation, FPGA, Side lobe suppression

OFDM 具有频谱利用率高、抗频率选择性衰落性能强、 消除符号间干扰和抗干扰性强的特点,并且还具有一定的纠 错能力,便于信道均衡,计算效率较高。但 OFDM 也有不足 之处,例如对时间同步精度要求较高,必须避免多径传播以免 影响正交性,峰值功率比较大。对于 OFDM 传输存在较高旁 瓣的问题,相关文献已经提出了解决的方法<sup>[1-3]</sup>。插入带宽或 抵消子载波<sup>[4]</sup>,是避免干扰相邻频带但会降低频谱效率的有 效方法。时域加窗技术<sup>[5]</sup>和自适应符号转换<sup>[6]</sup>降低了数据传 输速度。文献[7-8]用选择性映射(Selected Mapping,SLM) 和部分传输序列(Partial Transmit Sequence, PTS)来降低峰 值出现的概率,虽然它在选择使干扰最小化的数据序列时增 加了计算复杂度。但是,这些方法都需要额外占用资源,并且 抑制效果并不明显。N-continuous OFDM<sup>[9]</sup>是一种用于旁瓣 抑制的预编码方法,它既不需要延长保护间隔,也不需要插入 宽带或抵消载波,但其发射端传输信号的复杂度较高。文献 [10-11]提出时域 N-continuous OFDM,该算法将传统 N-continuous OFDM 频域处理转移到时域实现,降低了发射端传输复 杂度,但接收端与传统 N-continuous OFDM 一样,复杂度较高。

到稿日期:2019-08-09 返修日期:2019-11-01 本文已加入开放科学计划(OSID),请扫描上方二维码获取补充信息。

基金项目:国家自然科学基金项目(61471153,61771248);江苏省高校自然科学基金重大基金项目(14KJA510001)

This work was supported by the National Natural Science Foundation of China (61471153,61771248) and Jiangsu Provincial Research Scheme of Natural Science for Higher Education Institute(14KJA510001).

为了使实现变得简单,在不影响信号传输速率的前提下, 本文提出一种填充算法,以降低矩阵运算复杂度和接收机的 接收复杂度。该算法将修正符号加入循环前缀,并无缝连接 OFDM 符号。因为修正符号并没有插入数据中,所以不需要 用迭代算法,消除了对数据的影响。然而,在多径信道的情况 下,保护间隔的符号可能会进入数据,因此有必要采取对应的 方法解决这个问题。本文采用 Matlab 的迭代算法,消除对数 据的影响;用 Matlab 的 simulink 建模来模拟简单的 N-continuous OFDM 系统,并对系统各种参数的变化进行测试来估 计系统的性能<sup>[12]</sup>。有相关学者已经将 FPGA 运算速度快的 技术应用到无线通信中,并使用 Radix-2 序列化的 FFT 算法。 设计模拟结果表明,通过消耗非常少的资源,OFDM 可以在 227.335 MHz 的最大频率下工作<sup>[13]</sup>。FPGA 提供并行处理 系统,使得 FPGA 的运算速度明显快于 DSP<sup>[14]</sup>。

## 1 N-continuous OFDM 的 simulink 模型

OFDM 就是利用相互正交的子载波来实现多载波通信的技术。OFDM 把信道分为多个正交的信道,然后利用串并转换降低数据流,信号调制到等频率间隔的相互正交的子载 波上进行并行传输。本文为了便于测试和可以直观地看到系 统的各个参数的变化,所有的 OFDM 系统都是用 Matlab 仿 真和 Matlab 的 Simulink 来建模,期间必须小心控制所有载波 之间保持正交性的关系。如图 1 所示,首先根据输入的数据 和调制方案要求选择频谱来实现 OFDM,仿真使用的是 QPSK 调制方式。OFDM 发射机的主要流程为:输入数据先 进行 S/P,然后进行 IFFT 变换,接着加循环前缀(Cyclic Prefix,CP),最后进行 P/S。前 3 个流程用于数据编码和交织, 编码比特将由星座调制器使用灰度编码来映射,接收机一般 进行与发射机相反的操作。此仿真增加了几个示波器来实时 观察和分析信号。OFDM 这种多载波调制方式,用 n 个子载 波把整个信道分割成 n 个子信道,然后把等间隔的子载波调 制相加并以并行的传输方式发送,这样在 OFDM 的周期内各 个子载波就能保持频谱的正交性。各个子载波相差一个周 期,OFDM 符号周期内都包含整数倍率周期。子载波的正交 性可以用式(1)来表示:

$$\frac{1}{T} \int_{0}^{T} e^{jw_{0}t} \cdot e^{-jw_{0}t} dt = \begin{cases} 1, & n=m \\ 0, & n\neq m \end{cases}$$
(1)

从频域的角度也能证明这种正交性:当所有子载波持续 时间 T 有限时,可以认为 OFDM 频谱是经过频移 sinc 函数 在频域上的总和。



图 1 OFDM 系统仿真流程图 Fig. 1 Flow chart of OFDM system simulation

#### 1.1 串并转换

在 OFDM 系统中,输入的数据流经过串并转换后形成多 个低速的码流,每个码流被分配到一个子载波中进行并行传 输。并行传输宽带单载波转化为多个窄带子载波操作,可以 降低符号间的干扰,每个子载波的信道响应近似没有失真,简 化了接收机的信道均衡操作,极大地降低了信号的失真。本 系统的设计思路是将数据转换为矩阵,再转化为帧,然后进行 矩阵分离,最后进行矩阵合并,如图 2 所示。



图 2 串并转换设计模块

Fig. 2 String and transform design module

1.2 OFDM 调制和解调

OFDM 发射机将信息比特流进行差分编码,映射成一个

PSK 或 QAM 符号序列,再将符号序列进行串并转换,最后利 用不同的子载波进行调制。本文采用 QPSK 数字调制方式, 如图 3 所示。它具有较高的频谱利用率和较强的抗干扰性。 四相相移键控是 QPSK 在 *M*=4 时的调制方式,使用的相位 角为 45°,135°,225°,315°。为了能使载波输入的数据和载波 相位配合起来进行相同进制的转化,把输入的数据以每两个 比特分为一组(称为双比特码元),这样解调器就可以根据星 座图接收到的载波相位来判断发送的比特。



图 3 QPSK 的星座图 Fig. 3 Constellation map of QPSK

OFDM 调制模型最关键的是 IFFT 变换,载波调制因为 IFFT 而变得简便。本系统通过数字载波调制方式与另外一 路数字载波信号合成进行调制,子模块如图4所示。



图 4 OFDM 调制子模块

Fig. 4 OFDM modulation sub-module

为了防止数据产生 ICI,OFDM 调制在进行 IFFT 前必须 对数据进行补零,将数据全部集中到一个帧的中间。调制之 后由于数据是复数,因此我们根据实部和虚部对数据进行分 离。OFDM 解调模块通过对 IFFT 数据进行傅里叶变换来恢 复数据,由于数据帧与数据帧之间存在很长一段零数据,因此 可以直接在不去掉零的情况下进行 FFT 变换,这也是 FFT 的优势。调制结果如图 5 所示。



Fig. 5 OFDM modulation results

## 1.3 傅里叶变换

快速傅里叶变换/IFFT处理器的硬件实现通常使用只读 存储器来查找想要的旋转因子,这种只读存储器会消耗更多 的功率和面积。为了解决只读存储器带来的上述问题,引入 一个包含位并行乘法器的新复数乘法器电路。然而,快速傅 里叶变换计算需要将输入信号中的不同旋转因子相乘。这些 旋转因子将被存储在大尺寸只读存储器中。考虑到面积效 率,且为了替换这种只读存储器,本文提出了一种高效的快速 傅里叶逆变换/IFFT处理器。将复数乘法器用加法和移位操 作取代,以便更换只读存储器,减少功耗和面积。在这种情况 下,FFT快速傅里叶变换处理器被实现在 OFDM 收发器中。 该 OFDM 收发器包含并行到串行、串行到并行转换器单元的 映射单元,这种设计减少了面积和延迟<sup>[6]</sup>。OFDM 系统使用 IFFT 模块来实现多载波映射叠加过程,经过 IFFT 模块,大 量子载波频域信号变为时域信号<sup>[15]</sup>。

## 1.4 保护期和保护频带

保护期由零振幅传输和传输的符号的循环扩展两部分组成。接收机的工作流程基本与发射机相反。在接收机中,保护期被取消,执行每个符号的快速傅里叶变换,找到原始发射频谱,再通过解调接收相位转换回原始数据。OFDM 信号具有较大的带外功率,会导致邻道干扰(Adjacenf channel Interference,ACI),这时就需要添加保护频带。OFDM 符号中每

个子载波可以看作一个单频信号与长度为  $T_{sub}$ 的矩形框相 乘。为了减少带外功率,可以用 BPF,还可以使用时域函数, 如升余弦(Raised Cosine, RC)窗。对于被滚降系数  $\beta$ 的 RC 窗  $\varphi_{l,k}(t)$ 成型的第 l 个 OFDM 符号,通频带和基带信号表示 如下:

$$x_{l}(t) = \operatorname{Re}\{h_{\mathrm{RC}}(t - lT_{\mathrm{sym}}) \sum_{k=0}^{N-1} X_{l,k} \psi_{l,k}(t)\}$$
(2)

$$x_{l}^{\pi}(t) = h_{\rm RC}(t - lT_{\rm sym}) \sum_{k=0}^{N-1} X_{l,k} e^{j2\pi k \Delta f(t - lT_{\rm sym})}$$
(3)

其中,
$$\psi_{l,k}(t) = \begin{cases} -(T_G + T_W/2) \leqslant t \leqslant (T_{sub} + T_W/2) \\ 0, & else \end{cases}$$

RC 窗可以减少 OFDM 带外功率,当β增大时,RC 窗更 加平滑。更长的有效间隔可以减少 ACI。

$$h_{\rm RC}(t) = \begin{cases} 0.5 + 0.5\cos(\pi(t + \beta T_{\rm sym} + T_G)/\beta T_{\rm sym}), \\ -(T_G + \beta T_{\rm sym}/2) \leqslant t \leqslant -(T_G - \beta T_{\rm sym}/2) \\ 1.0, \\ -(T_G + \beta T_{\rm sym}/2) \leqslant t \leqslant (T_{\rm sub} - \beta T_{\rm sym}/2) \\ 0.5 + 0.5\cos(\pi(t + \beta T_{\rm sym} - T_{\rm sub})/\beta T_{\rm sym}), \\ (T_{\rm sub} - \beta T_{\rm sym}/2) \leqslant t \leqslant (T_{\rm sub} + \beta T_{\rm sym}/2) \end{cases}$$

$$(4)$$

#### 1.5 循环前缀

OFDM的保护间隔有两种不同的插入方法:一种是补零 (Zero Padding,ZP),即在保护间隔中填充零;另一种方法利 用循环前缀或循环后缀(Cyclic Suffix,CS)实现 OFDM 的循 环扩展。在 OFDM 系统中,CP 主要起着两个比较重要的作 用:1)CP 作为保护间隔,大大减少了符号间干扰(Intel Symbol Interference,ISI);2)CP 可以保证信道间的正交性,大大 减少了多载波干扰(Inter-Carrier Interference, ICI)。将 OFDM 符号后部的采样复制到其前面,实现 CP 对 OFDM 符 号的扩展<sup>[14]</sup>,如图 6 所示。



图 6 采用 CP 的 OFDM 符号 Fig. 6 OFDM symbol of CP is adopted

本文令  $T_G$  为 CP 的长度,那么扩展后的符号周期为  $T_{sym} = T_{sub} + T_G$ 。只要保护间隔长度大于多径信道的最大时延,就 可以维持子载波的正交性。也就是说,时延为  $t_0$  的第 1 个 OFDM 符号满足:  $\frac{1}{T_{sub}} \int_0^{T_{sub}} e^{j2\pi f_K(t-t_0)} e^{-j2\pi f_K(t-t_0)} dt = 0, k \neq i$ 。 第 2 个时延  $t_0 + T_s$  满足:  $\frac{1}{T_{sub}} \int_0^{T_{sub}} e^{j2\pi f_K(t-t_0)} e^{-j2\pi f_K(t-t_0-T_0)} dt = 0$ ,  $k \neq i$ 。假设 CP 的长度大于信道的最大时延,并且 OFDM 符 号的 FFT 窗起始点确定在保护间隔内,则 OFDM 接收机对 收到的采样信号 { $y_t[n]$ } $_{n=0}^{N-1}$ 进行 FFT 转换得到:

$$Y_{l}[K] = \sum_{n=0}^{N-1} y_{l}[n] e^{-j2\pi kn/N}$$
$$= \sum_{n=0}^{N-1} \{\sum_{m=0}^{\infty} h_{l}[m] x_{l}[n-m] + z_{l}[n]\} e^{-j2\pi kn/N}$$

$$=\sum_{n=0}^{N-1} \{\sum_{m=0}^{\infty} h_{l} [m] \{\frac{1}{N} \sum_{i=0}^{N-1} X_{i} [i] e^{j2\pi i (n-m)/N} \} e^{-j2\pi b n/N} + Z_{i} [k]$$
$$= H_{l} [k] X_{l} [k] + Z_{l} [k]$$
(5)

其中,X<sub>l</sub>[k],Y<sub>l</sub>[K],H<sub>l</sub>[k]和 Z<sub>l</sub>[k]分别表示第 l 个符号的第 K 个载波上的发射符号、接收符号、信道的频率响应和频域噪 声。从式(2)可以看出,频域可以将 OFDM 系统看作输入信 道和频域信号的响应。在没有噪声时,Y<sub>l</sub>[K]=H<sub>l</sub>[k]X<sub>l</sub>[k], 我们只要用接收信号除以信道,就可以通过单抽头均衡检测 发射符号,即在发射信号中插入 CP,使得发射采样与信道采 样满足循环卷积。

## 1.6 信道

AWGN 信道为:

$$P_{e} = \frac{2(M-1)}{M\log_{2} M} Q\left(\sqrt{\frac{6E_{b}}{N_{0}} \cdot \frac{\log_{2} M}{M^{2} - 1}}\right)$$
(6)

瑞利信道为:

$$P_{e} = \frac{M-1}{M \log_{2} M} \left( 1 - \sqrt{\frac{3\gamma \log_{2} M/(M^{2}-1)}{3\gamma \log_{2} M/(M^{2}-1)+1}} \right)$$
(7)

其中, $\gamma = E_b / N_0$ , *M* 是调制阶数<sup>[19]</sup>。时域信噪比 *SNR*, 和频 域信噪比 *SNR*, 的关系如下:

$$SNR_t = SNR_f + 10\log\frac{N_{wed}}{N} [dB]$$
(8)

其中,N为子载波总数, $N_{used}$ 个子载波用于发射( $N_{vc} = N - N_{used}$ 个子载波)。

# 2 改进 NC-OFDM 算法

改进的 NC-OFDM 算法是一种 n-符号填充的方法,是将 n-连续 OFDM 校正符号只插入到保护间隔中,并将每个 OFDM 符号无缝连接起来,从而抑制了旁瓣。所提算法的发 射信号数据部分包含与原始 OFDM 用 IFFT 创建的符号的 相同方式,保护间隔包含无缝连接前符号和后符号的符号。 采样后的发射信号可以用以下公式表示:

$$s(t) = \sum_{i=0}^{\infty} s_i \left( t - i \left( T_s + T_g \right) \right)$$
(9)

$$s_i(t) = \begin{cases} u_i(t), & -T_s \leqslant t < 0\\ u_i(t), & 0 \leqslant t < T_s \end{cases}$$
(10)

$$\overline{u_i}(t) = \sum_{k \in \kappa} \overline{d}_{i,k} e^{j2\pi \frac{k}{T_i}t}$$
(11)

$$u_i(t) = \sum_{k \in \kappa} d_{i,k} e^{j2\pi \frac{2}{T_s}t}$$
(12)

其中, $d_i = [d_{i,k_0}, \dots, d_{i,k_{K-1}}]^T$ 是预编码的传输数据符号,  $d_i = [d_{i,k_0}, \dots, d_{i,k_{K-1}}]^T$ , $d_{i,k} \in C(C$ 是星座复数符号); $\kappa = \{k_0, \dots, k_{K-1}\}$ 表示一组数据子载波,K是数据子载波的数量;  $T_s$ 是正交频分复用符号持续时间; $T_g$ 是保护间隔长度。  $u_i(t)$ 在以下约束条件下计算,以便保护间隔中的符号以及连接边界处的前符号和后符号持续到 $N_c$ 阶导数。

$$\frac{d^{n}}{dt^{n}}\bar{u}_{i}(t)|_{t=-T_{g}} = \frac{d^{n}}{dt^{n}}\bar{u}_{i-1}(t)|_{t=T_{g}}$$
(13)

$$\frac{d^{n}}{dt^{n}}\bar{u}_{i}(t)|_{t=0} = \frac{d^{n}}{dt^{n}}u_{i}(t)|_{t=0}$$
(14)

其中, $n \in \{0, \dots, N_c\}$ 。约束可以用下列矩阵表示:

$$\begin{bmatrix} \boldsymbol{A}\boldsymbol{\Phi} \\ \boldsymbol{A} \end{bmatrix}^{-}_{\boldsymbol{d}_{i}} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{O}_{(N_{c}+1)\times K} \\ \boldsymbol{A} \end{bmatrix} \boldsymbol{d}_{i} + \begin{bmatrix} \boldsymbol{A} \\ \boldsymbol{O}_{(N_{c}+1)\times K} \end{bmatrix} \boldsymbol{d}_{i-1}$$
(15)

$$\boldsymbol{A} = \begin{bmatrix} 1 & 1 & \cdots & 1 \\ k_0 & k_1 & \cdots & k_{K-1} \\ \vdots & \vdots & & \vdots \\ k_0^{N_c} & k_1^{N_c} & \cdots & k_{K-1}^{N_c} \end{bmatrix}$$
(16)

其中,  $\boldsymbol{\Phi} = \text{diag}(e^{j\phi_0}, \dots, e^{j\phi_{\kappa-1}}), \phi = -2\pi T_g/T_s$ 。预编码 如下:

$$\boldsymbol{d}_i = \boldsymbol{d}_i + \boldsymbol{w}_i \tag{17}$$

$$\boldsymbol{w}_i = -\boldsymbol{P}\boldsymbol{d}_i + \boldsymbol{P}\boldsymbol{\Phi}^{\mathrm{H}}\boldsymbol{d}_{i-1} \tag{18}$$

其中,i > 0, $d_0 = d_0$ ;P代表如下公式:

$$\boldsymbol{P} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{A}\boldsymbol{\Phi} \\ \boldsymbol{A} \end{bmatrix}^{\dagger} \begin{bmatrix} \boldsymbol{A} \\ \boldsymbol{O}_{(N_{e}+1)\times K} \end{bmatrix}$$
(19)

 $X^{\dagger} = X^{H}(XX^{H})^{-1} \in X$ 穆尔彭罗斯伪逆矩阵。该预编码 满足式(15),并且校正符号 $W_{i} = [w_{k_{0},i}, \cdots, w_{k_{K-1},i}]^{T}$ 是欧几 里得意义上的最小幂。本文所提方法仅向保护间隔添加校正 符号,因此与传统的连续正交频分复用的功率增加相比,发射 信号相关的功率增加接近 $T_{g}/(T_{s}+T_{g})$ 。时域中,在保护间 隔的开头,校正符号的影响很大,但是校正符号越接近数据部 分,校正符号的影响将迅速减小。实际上,所提方法的保护间 隔几乎保持其作为循环前缀的作用。在接收信号中,发射信 号具有不同于一般循环前缀的保护间隔。如果保护间隔中的 校正符号在多径信道环境下进入数据,接收信号的正交性将 被破坏。因此,接收机使用预先估计的信道特性来消除输入 到数据中的校正符号的影响。假设信道是时不变的,并且可 以被完美地估计,则通过信道的第1个正交频分复用符号是:

$$\boldsymbol{r}_i = \boldsymbol{H}\boldsymbol{s}_i + \boldsymbol{n}_i \tag{20}$$

其中,n;是复值零均值高斯噪声向量,并且

$$\boldsymbol{H} = \begin{bmatrix} h_{L} & \cdots & h_{1} & h_{0} & 0 & \cdots & \cdots & \cdots & 0 \\ 0 & h_{L} & \cdots & h_{1} & h_{0} & 0 & \cdots & \cdots & 0 \\ \vdots & & & & & & \vdots \\ 0 & \cdots & \cdots & 0 & h_{L} & \cdots & h_{1} & h_{0} \end{bmatrix}$$
(21)

是一个表示信道特 $\{h_0, h_1, \dots, h_L\}$ 的  $N \times (N+L)$  Toeplitz 矩 阵, N 是一个正交频分复用符号(快速傅立叶变换点)的采样数, L 是最大延迟扩展( $L = T_s N/T_s$ )。 $s_i$  是第i 个发送符号:

$$\mathbf{s}_i = \mathbf{T}_1 \, \mathbf{u}_i + \mathbf{T}_2 \, \, \mathbf{u}_i \tag{22}$$

其中, $\bar{\boldsymbol{u}}_i = \boldsymbol{D}^{-1}\boldsymbol{d}_i, \boldsymbol{u}_i = \boldsymbol{D}^{-1}\boldsymbol{d}_i, \boldsymbol{D}^{-1} \in N \times L$ 的离散傅里叶逆变 换矩阵:

$$\begin{bmatrix} \boldsymbol{D}^{-1} \end{bmatrix}_{mn} = \frac{1}{N} \mathrm{e}^{\frac{\mathrm{j} 2\pi n k_m}{N}}, k_m \in \boldsymbol{\kappa}$$
(23)

且 
$$T_1 = \begin{bmatrix} O_{L \times N} \\ I_N \end{bmatrix}, T_2 = \begin{bmatrix} O_{L \times (N-L)} I_L \\ O_{N \times N} \end{bmatrix}$$
。  
从式(20)和式(22)可以得到:  
 $r_i = H_1 u_i + H_2 \overline{u}_i + n_i$  (24)

其中, $H_1 = HT_1$  是一个  $N \times N$  的下三角 Toeplitz 矩阵:

$$\boldsymbol{H}_{1} = \begin{bmatrix} h_{0} & 0 & \cdots & \cdots & \cdots & \cdots & 0 \\ h_{1} & h_{0} & 0 & \cdots & \cdots & \cdots & 0 \\ \vdots & & & & \vdots \\ 0 & \cdots & 0 & h_{L} & \cdots & h_{1} & h_{0} \end{bmatrix}$$
(25)

且 
$$H_2 = HT_2$$
 是一个  $N \times N$  的上三角 Toeplitz 矩阵:

$$\boldsymbol{H}_{2} = \begin{bmatrix} 0 & \cdots & 0 & h_{L} & \cdots & h_{2} & h_{1} \\ 0 & \cdots & \cdots & 0 & h_{L} & \cdots & h_{2} \\ \vdots & & & & \vdots \\ 0 & \cdots & \cdots & \cdots & \cdots & 0 \end{bmatrix}$$
(26)

接收机快速傅里叶变换解调后的第 i(i>0)个接收符号为:

 $\widetilde{\boldsymbol{r}}_{i} = \boldsymbol{D}\boldsymbol{r}_{i} = \boldsymbol{\Lambda}_{1} d_{i} + \boldsymbol{\Lambda}_{2} \ \overline{d}_{i} + \widetilde{\boldsymbol{n}}_{i}$ (27)

其中,D是 $K \times N$ 的离散傅里叶变换矩阵:

 $[\mathbf{D}]_{mn} = \mathrm{e}^{-\mathrm{j}2\pi k_m n/N}, k_m \in \boldsymbol{\kappa}$ (28)

且  $\Lambda_1 = DH_1D^{-1}$ ,  $\Lambda_2 = DH_2D^{-1}$ ,  $\tilde{n}_i = Dn_i$ 。根据预编码式(17) 和式(18), 第 *i* 个解调符号式(27)被重写为:

 $\tilde{r}_{i} = (\boldsymbol{\Lambda}_{0} - \boldsymbol{\Lambda}_{2} \boldsymbol{P}) \boldsymbol{d}_{i} + \boldsymbol{\Lambda}_{2} \boldsymbol{P} \boldsymbol{\Phi}^{\mathsf{H}} \boldsymbol{d}_{i-1} + \tilde{\boldsymbol{n}}_{i}$ (29) 其中,  $\boldsymbol{\Lambda}_{0} = \boldsymbol{\Lambda}_{1} + \boldsymbol{\Lambda}_{2}$  是一个对角矩阵,可以通过强迫为零平滑 处理方法来估计。由式(29)可以得到接收到的符号 $\boldsymbol{d}_{i} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{A}_{0} & \boldsymbol{A}_{0} \\ \boldsymbol{d}_{i,k_{0}} & \boldsymbol{A}_{0} & \boldsymbol{A}_{i,k_{n-1}} \end{bmatrix}^{\mathsf{T}}$  为:

$$\hat{d}_{i,k} = \arg\min_{d \in C} \{ |\hat{d}_{i,k} - d|^2 \}$$
(30)

$$\boldsymbol{d}_{i} = (\boldsymbol{\Lambda}_{0} - \boldsymbol{\Lambda}_{2} \boldsymbol{P})^{-1} (\tilde{\boldsymbol{r}}_{i} - \boldsymbol{\Lambda}_{2} \boldsymbol{P} \boldsymbol{\Phi}^{\mathrm{H}} \boldsymbol{d}_{i-1})$$
(31)

为了评价本文方法的性能,进行了数值实验。图 10 显示 了的功率谱密度,其中  $N_c = 0, 1, 2, 3, 4,$ 另外  $T_s = 1/15$  ms,  $K = 300(\kappa = \{-150, \dots, -1, 1, \dots, 150\}), N = 512$ 。在传统的 连续正交频分复用中,接收机的迭代次数是 8。对于所有评 估的  $N_c$ ,传统方法和建议方法的结果重叠。

本文算法流程如下:

1)产生发射信号 s(t);

2)构建约束矩阵 $\begin{bmatrix} A \sigma \\ A \end{bmatrix} \overline{d}_i$ ,以便保护间隔中的符号以及

连接边界处的前符号和后符号持续到 N<sub>c</sub> 阶导数;

3)向保护间隔添加校正符号 W<sub>i</sub>;

4)接收机使用预先估计的信道特性来消除输入对数据中的校正符号的影响。通过信道的第一个正交频分复用符号用 r;表示,信道特性为 H;

5)接收机解调后的第i个接收符号 $\tilde{r}_i$ ;

6)接收到的符号为 $d_i$ 。

# 3 仿真结果及分析

图 7 给出了各个子信道形成的函数频谱,假设周期  $T_u = \pi$ ,频率变化步长为 sp = 0.01。每个子载波频率的最大处,所 有其他子信道的频谱值正好为零,这个特点可以避免载波间 干扰的出现,且在解调的过程中可以在不受其他子信道干扰 的情况下从互相重叠的信道符号中抽取一个信道符号。



图 7 OFDM 子载波频域图 Fig. 7 OFDM subcarrier frequency domain diagram

图 8 给出了不同 ISI 的影响,具体考虑 N=64 点 FFT 的 OFDM 的 BRE 性能,VC 数为 16,调制方式为 16-QAM,信道 为 AWGN 或多径瑞利衰落信道(最大时延采样点为 15)。从 图 8 可以看到,只要保护间隔的长度足够大,OFDM 系统就 会经历平坦衰落信道。AWGN 信道下的 BER 性能与解析结 果基本一致。



图 8 采用 AWGN 信道和瑞利信道的 BER Fig. 8 BER of AWGN channel and Rayleigh channel

图 9 比较了使用 16-QAM 映射和 QPSK 调制结果的误 码率,可以看出在相同低信噪比情况下,QPSK 的抗噪能力优 于 16-QAM,因此我们用 QPSK 映射方式来传输数据。此种 方式虽然占用带宽比较大,但是保证了数据传输的有效性。 在对数据有效性要求不高的情况下,可以采用 QAM 以节约 带宽。



图 9 OFDM 调制方式误码率的比较

Fig. 9 Comparison of bit error rate of OFDM modulation

图 10 是算法仿真出的频率谱密度比较图。该算法通过 插入连续符号来抑制旁瓣,并把连续符号填充正交频分复用, 将校正符号添加到保护间隔中。参数  $T_s = 1/15 \text{ ms}, T_s =$  $9T_s/128 \text{ ms}, K = 300, N = 512$ 。数值实验表明,在不使用迭代 算法的情况下,N-continuous OFDM 信号获得了等于或大于 传统方法的功率谱密度。文献[17]中的方法与本文提出的 N-continuous 符号填充 OFDM 时域算法相似,实验表明算法 的误码率随着子载波数的增加而降低。



图 10 传统 OFDM 与 N-continuous OFDM 信号的功率谱密度 Fig. 10 Traditional OFDM and N-continuous OFDM signal power spectral density

图 11 和图 12 分别显示了 K=72 时加性白高斯噪声信 道中的 SER 和多径衰落信道中的 SER。多径衰落信道参数 如表 1 所列。在 AWGN 信道中,本文所提方法的 SER 理论 上与原始 OFDM 相同,并且对于所有 K 都优于传统方法,在 K=72 时,所提方法的优势尤其大。这些结果证明了本文提 出的 N-continuous OFDM 信号方法在加性白高斯噪声信道 和多径衰落信道的有效性,算法性能优于传统的 OFDM 算法 性能。



图 11 加性白高斯噪声信道 k=72

Fig. 11 Additive white gaussian noise channel k=72



图 12 多径衰落信道 k=72 Fig. 12 Multipath fading channel k=72

表 1 多径衰落信道参数

Fable 1 M	lultipath	fading	channel	parameters
-----------	-----------	--------	---------	------------

过量抽头延迟	相对功率	
0	0	
$L \times 1/3$	-3.0103	

结束语 本文介绍了 OFDM 的发展以及原理,详细介绍 了 N-continuous OFDM 的系统 Simulink 仿真模型的原理以 及作用,并通过一系列的仿真进行描述。仿真实验证明,在相 同的低信噪比情况下,QPSK 映射传输优于 16-QAM 映射传 输的误码率。在牺牲带宽的前提下,如果对数据有效性要求 不高,建议使用 16-QAM 映射传输以节省带宽。为了对 OFDM 系统的性能进行改善,本文提出了 N-continuous 符号 填充 OFDM 新算法来降低计算的复杂性。仿真实验证明,本 文所出提的 N-continuous OFDM 方法在加性白高斯噪声信 道和多径衰落信道同样有效,算法性能优于传统的 NC-OFDM 算法性能。在不使用迭代算法的情况下,本文方法可 以获得与传统方法相同或更大的功率谱密度和 SER,复杂度 低且易于实现,是一种较好的、可供使用的算法。

# 参考文献

- [1] SINGH D, SARIN R K. Computationally efficient variational Bayesian method for PAPR reduction in multiuser MIMO OFDM systems[J]. Etri Journal, 2019, 41(11):178-186.
- [2] JASIM A G. papr reduction in OFDM system using adaptive hybrid technique[J]. IOP Conference Series: Materials Science and Engineering, 2019, 518:052021.
- [3] NIU X K, LIU G. OFDM system reduce peak than method re-

search [J]. Journal of Information and Communication, 2019
(1):59-60.

- [4] JAWHAR Y A, AUDAH L, TAHER M A, et al. A Review of Partial Transmit Sequence for PAPR Reduction in the OFDM Systems[J]. IEEE Access, 2019, 7:18021-18041.
- [5] LULU A, ABU A M. Investigation of Non-Overlapping Time-Domain Windowing for OOB Radiation Reduction of OFDM System[C] // 2019 IEEE 7th Palestinian International Conference on Electrical and Computer Engineering (PICECE). Gaza, Palestine, 2019:1-6.
- [6] MAHMOUND H A, ARSLAN H. Sidelobe Suppression in OFDM-Based Spectrum Sharing Systems Using Adoptive Symbol Transition[J]. IEEE Commun. Lett., 2008,12(2):133-135.
- [7] WU Y T, HE C C, ZHANG Q W, et al. Low-complexity recombined SLM scheme for PAPR reduction in IM/DD optical OFDM systems[J]. Opt-Ics Express, 2018, 26(24):54-59.
- [8] AGHDAM M H, SHARIFI A A. Papr reduction in OFDM systems: An efficient PTS approach basedon particle swarm optimization[J]. ICT Express, 2019, 5(3):178-181.
- [9] VANDEBEEK J.BERGGREN F. N-continuous OFDM [J]. IEEE Commun. Lett. ,2009,13(1):1-3.
- [10] WEI P, DAN L, XIAO Y, et al. A Low-Interference Time-Domain N-Continuous OFDM Scheme[J]. China Communications, 2016,13(S2):150-158.
- [11] EIP, DANL, XIAO Y, et al. A low-complexity time-domain signal processing algorithm for N-continuous OFDM[C]//Communications(ICC). 2013 IEEE International Conference. Budapest, Hungary, 2013:5754-5758.
- [12] KAMBOJ A, KAUSHIK G. Study & Simulation of OFDM System[J]. International Journal of Modern Engineering Research (IJMER), 2012, 2(1):2249-6645.
- [13] KAUR S, MEHRA R. FPGA Implementation of OFDM Transceiver using FFT Algorithm[J]. International Journal of Engineering Science & Technology, 2012, 4(4):91-108.
- [14] GARCIA J.CUMPLIDO R. On the design of and FPGA-Based OFDM modulator for IEEE 802. 11a[C] // 2nd IEEE International Conference on Electrical and Electronics Engineering. 2005;114-117.
- [15] NEHRU G,DHAR P. A Detailed Look of Audio Steganography Techniques Using LSB and Genetic Algorithm Approach[J]. International Journal of Computer Ence Issues, 2012, 9(1): 402-406.
- [16] PROAKIS J G. Digital Communications 5/E[M]. McGraw Hill, New York, 2008.
- [17] CAO L M, ZHOU J, LUO H. N-continuous orthogonal frequency division multiplexing time domain algorithm simulation [J]. Computer Simulation, 2008, 35(9):183-188, 257.



**ZHOU Hui-ting**, born in 1995, master. Her main research interests include wireless communication theory and OFDM communication.



ZHOU Jie, born in 1964, professor, doctoral supervisor. His main research interests include mobile communication theory, wireless sensor network and radio access network.