

路径,其结果是下推自动机的状态数急剧增大。实际上,根据下推自动机的原理,当分析器进入 I_n 状态后,其最近一次经过的 $I_0^{(s')}$ 状态记录在分析栈中当前栈顶位置下的第 $2n+1$ 单元处,因此,我们可以通过回溯分析栈来确定这一状态,由此得出 p 的前看符号集,并将其中的符号作为“reduce p ”动作的输入激励加入到当前动作表中,以动态构造当前状态的动作表,为此,我们需要改进分析表的结构和分析算法。

2 分析表的构造

图 2 是分析表的结构。改进后的分析表在原来的结构上增加了 reduction 和 lookaheads 栏,其中, reduction 是当前状态下需要动态确定其规约激励的产生式的集合,lookaheads 是当前状态下能够静态确定的所有非核项目的产生式的前看符号集。

STATE	action			goto			reduction	lookaheads		
	a_0	a_1		A_0	A_1			p_0	p_1	

图 2 分析表结构

分析表的构造方法如下:

1. 构造 G' 的 LR(0) 项目集的集合 $C = \{I_0, I_1, \dots, I_n\}$, 为每一 I_i 建立状态 i 。
2. 分析表初始为空, 状态 i 的内容按以下规则确定:
 - a) 如果 $[A \rightarrow \alpha \cdot a\beta]$ 是 I_i 中的项目, 且 $goto(I_i, a) = I_j$, 则置 $action[i, a]$ 为“shift j ”;
 - b) 如果 $[p: A \rightarrow \alpha \cdot]$ 是 I_i 中的项目, 且 A 不是 S' , 则将 p 加入 $reduction[i]$ 中;
 - c) 如果 $[S' \rightarrow S \cdot]$ 是 I_i 中的项目, 则置 $action[i, \$]$ 为“accept”;
 - d) 对所有满足 $goto(I_i, A) = I_j$ 的 A , 置 $goto[i, A] = j$;
 - e) 如果 $[p: A \rightarrow \cdot \alpha]$ 是 I_i 中的非核项目, 则置 $lookaheads[i, p] = ls$, ls 是按如下方式计算的 p 的前看符号集: $ls = \phi$, 对 I_i 中所有核项目 $[q: B \rightarrow \gamma \cdot C\delta]$, 若 $C \stackrel{*}{\underset{m}{>}} A\gamma$ 则

$$ls = \begin{cases} ls \cup FIRST(\gamma\delta\Lambda_{q, |\gamma|}) & B \neq S' \\ ls \cup FIRST(\gamma\delta\$) & B = S' \end{cases}$$

其中, $\Lambda_{q, |\gamma|}$ 是 q 的前看符号集引用符, $|\gamma|$ 是 γ 串的长度, $\$$ 是输入结束符。

3. 分析器的初态是包含 $[S' \rightarrow \cdot S]$ 的 I_i 所对应的状态 i 。

图 3 给出了一个示例性文法^[7]及其 LR(0) 项目集, 图 4 是识别该文法活前缀的 DFA 的状态图, 图 5 是在此基础上按照上述方法构造的分析表, 表中 sj 表示“shift j ”, acc 表示“accept”。

$p_0: S' \rightarrow S$	$I_0: S' \rightarrow \cdot S$	$I_4: L \rightarrow \cdot \cdot R$
$p_1: S \rightarrow L = R$	$S \rightarrow \cdot L = R$	$R \rightarrow \cdot L$
$p_2: S \rightarrow R$	$S \rightarrow \cdot R$	$L \rightarrow \cdot \cdot R$
$p_3: L \rightarrow \cdot R$	$L \rightarrow \cdot \cdot R$	$L \rightarrow \cdot \cdot id$
$p_4: L \rightarrow id$	$L \rightarrow \cdot id$	$I_5: L \rightarrow id \cdot$
$p_5: R \rightarrow L$	$R \rightarrow \cdot L$	$I_6: S \rightarrow L = \cdot R$
	$I_1: S' \rightarrow S \cdot$	$R \rightarrow \cdot L$
	$I_2: S \rightarrow L = \cdot R$	$L \rightarrow \cdot \cdot R$
	$R \rightarrow \cdot L$	$L \rightarrow \cdot id$
	$I_3: S \rightarrow R \cdot$	$I_7: S \rightarrow L = R \cdot$
		$I_8: L \rightarrow \cdot \cdot R$
		$I_9: R \rightarrow L \cdot$

图 3 示例文法及其 LR(0) 项目集

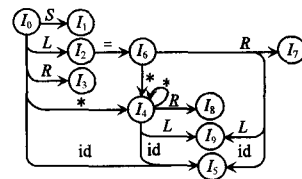


图 4 DFA 状态图

STATE	action				goto	reduction	lookaheads					
	=	*	id	\$	S L R		p	p1	p2	p3	p4	p5
0		s_4	s_5		1 2 3		{ $\$$ }	{ $\$$ }	{ $=, \$$ }	{ $=, \$$ }	{ $\$$ }	
1				acc								
2		s_6				{ p_5 }						
3						{ p_2 }						
4		s_4	s_5		9 8					{ $\Delta_{p_3, 1}$ }	{ $\Delta_{p_3, 1}$ }	{ $\Delta_{p_3, 1}$ }
5						{ p_4 }						
6		s_4	s_5		9 7					{ $\Delta_{p_1, 2}$ }	{ $\Delta_{p_1, 2}$ }	{ $\Delta_{p_1, 2}$ }
7						{ p_1 }						
8						{ p_3 }						
9						{ p_5 }						

图 5 分析表

3 分析算法

改进后的分析算法如下:

初始条件: 分析栈中包含初态 s_0 , 终结符串 $w\$$ 在输入缓冲区中, ip 指向第一个输入符号;

repeat forever begin

let s = 当前栈顶中的分析器状态, a = ip 指向的输入符号;

let $current_action$ = $action[s]$;

if not empty $reduction[s]$ then

for each $A \rightarrow \alpha$ in $reduction[s]$ begin

merge($current_action$, $| \alpha |$, $A \rightarrow \alpha$, $reduce A \rightarrow \alpha$);

end

if $current_action[a] = shift s'$ then begin

push(a); push(s');

$ip = ip + 1$;

end

else if $current_action[a] = reduce A \rightarrow \alpha$ then begin

pop($| \alpha | \times 2$ 个元素);

let s' = 当前栈顶中的分析器状态;

push(A); push($goto[s', A]$);

执行 $A \rightarrow \alpha$ 的语义子程序;

end

else if $current_action[a] = accept$ then

return;

else error();

end

上述算法中调用了一个关键的例程: $merge$, 该例程回溯分析栈, 取出给定产生式的前看符号集, 将其中符号作为指定动作的输入激励加入当前动作表 $current_action$ 中, $merge$ 的伪代码如下:

调用参数: $current_action$ -当前动作表, n -回溯状态数, p -产生式, op -动作;

(下转第 198 页)

参考文献

- [1] Pawlak Z. Rough sets[J]. International Journal of Computer and Information Sciences, 1982, 11: 341-356
- [2] Pawlak Z. Rough Sets; Theoretical Aspects of Reasoning about Data[M]. Boston: Kluwer Academic Publishers, 1991
- [3] Pei D W. A generalized model of fuzzy rough sets[J]. International Journal of General Systems, 2005, 34: 603-613
- [4] Wu W-Z, Zhang W-X. Constructive and axiomatic approaches of fuzzy approximation operators[J]. Information Sciences, 2004, 159: 233-254

- [5] Yao Y Y. Constructive and algebraic methods of the theory of rough sets [J]. Journal of Information Sciences, 1998, 109: 21-47
- [6] Yao Y Y. Relational interpretations of neighborhood operators and rough set approximation operators[J]. Information Sciences, 1998, 111: 239-259
- [7] Yao Y Y. Two views of the theory of rough sets in finite universes[J]. International Journal of Approximate Reasoning, 1996, 15: 291-317
- [8] 张文修, 梁怡, 吴伟志. 信息系统与知识发现有[M]. 北京: 科学出版社, 2003

(上接第 180 页)

```
merge(current_action, n, p, op) begin
    let s' = 当前栈顶下第 2n+1 单元中的分析器状态, ls = looka-
heads[s', p];
    for each a in ls begin
        if a =  $\Lambda_{a,m}$  then
            merge(current_action, n+m, q, op);
        else if current_action[a]  $\neq$  nil and current_action[a]  $\neq$  op then
            error();
        else current_action[a] = op;
        end
    end
end
```

从上述伪代码中可以看出, *merge* 是一个递归过程, 这是由于产生式的前看符号集中可能包含对上级产生式前看符号集的引用。另外, 由于当前动作表 *current_action* 的动态性, 对文法自身的移动-规约、规约-规约冲突检查无法像通常那样在构造分析表时完成, 只能在分析具体输入串构造 *current_action* 时实现, 反映在上述代码中对 *error* 例程的调用。在具体实现中, 文法的合法性可以由独立的文法检查阶段完成, 毕竟, 文法本身一经确定其可变性非常小。

图 6 所示的是分析算法基于图 5 的分析表对示例性输入 * *id* = * *id* 的分析过程, 表中 *rj* 表示“reduction *p_j*”, 由于图 3 所给的示例性文法是 LALR 文法^[1], 下图也列出了其 LALR 分析表的 *action* 内容以示比较, 从图中 9~12 步可以看出, *current_action* 比 LALR *action* 呈现出更加精确的特性。

STEP	STACK	INPUT	current_action		LALR action	
			= * id \$	= * id \$	= * id \$	= * id \$
(1)	0	* id = * id	s4 s5	s4 s5	s4 s5	s4 s5
(2)	0 * 4	\$	s4 s5	s4 s5	s4 s5	s4 s5
(3)	0 * 4 id 5	id = * id \$	r4	r4	r4	r4
(4)	0 * 4 L 9	= * id \$	r5	r5	r5	r5
(5)	0 * 4 R 8	= * id \$	r3	r3	s3	r3
(6)	0 L 2	= * id \$	s6	r5	s6	r5
(7)	0 L 2 = 6	= * id \$	s4 s5	s4 s5	s4 s5	s4 s5
(8)	0 L 2 = 6 * 4	* id \$	s4 s5	s4 s5	s4 s5	s4 s5
(9)	0 L 2 = 6 * 4 id 5	id \$		r4	r4	r4
(10)	0 L 2 = 6 * 4 L 9	\$		r5	r5	r5
(11)	0 L 2 = 6 * 4 R 8	\$		r3	r3	r3
(12)	0 L 2 = 6 L 9	\$		r5	r5	r5
(13)	0 L 2 = 6 R 7	\$		r1	r1	r1
(14)	0 S 1	\$		acc		acc

图 6 * *id* = * *id* 的分析过程

4 分析表的优化

上述分析算法在执行效率上的损失主要缘于其动作表的动态性, 这种损失可以通过优化加以改善。实际上, 对于那些前看符号集不受状态迁移路径影响的产生式来说, 在构造分析表时, 可直接将其规约动作和输入激励填入到相应的 *action* 中, 避免执行时动态构造, 因此, 分析表中的 *action*, *reduction* 分别可以看作是动作表的静、动两方面的描述, 可以通过在构造分析表时尽可能增加 *action* 的内容而减少 *reduction* 的内容来实现分析表的优化, 优化后分析器的执行效率有望能接近甚至达到 SLR 和 LALR 的水平。

结束语 本文介绍了一种规范 LR 分析算法, 该算法区别于其他 LR 分析算法的本质特点在于其识别活前缀 DFA 中归约状态下动作表的不确定性, 这种不确定性的根本原因在于对 DFA 中状态迁移路径复用, 而复用正是实现简化 DFA 的最根本的手段。如上所述, 通过在可复用的前提下尽可能减少其不确定性能够在简化和执行效率之间达到最好的平衡。

参考文献

- [1] 金毅, 陆蓓, 王小华. 一种较少状态数的 LR 分析器. 杭州电子科技大学学报, 2006, 26(3): 74-77
- [2] Adrian D, James R. A backtracking LR algorithm for parsing ambiguous context-dependent languages // Proceedings of the 2006 Conference of the Center for Advanced Studies on Collaborative research, Oct. 2006
- [3] McPeak S, George C, Elkhound. A fast, practical GLR parser generator // Compiler construction; 13th International Conference (CC' 04), Volume 2985 of Lecture Notes in Computer Science, April 2004
- [4] Grosch J. Lark-An LALR(2) parser generator with backtracking. Technical Report 32, CoCoLab-Datenverarbeitung, Sep. 2002
- [5] Dodd C, Maslov V. Backtracking Yacc, 2006. <http://www.siber.com/btyacc/>
- [6] Spencer M, Basil. A backtracking LR parser generator, 2006. <http://www.lazyplusplus.com/basil/>
- [7] Aho A V, Sethi R, Ullman J D. Compilers: Principles, Techniques, and Tools. Addison Wesley, Pearson Education, Inc., 1986
- [8] Hopcroft J E, Ullman J D. Introduction to Automata Theory, Languages, and Computation. Addison Wesley, Reading, Mass., 1979
- [9] Levine J R, Mason T, Brown D. Lex & Yacc. O'Reilly & Associates, Inc., 1992
- [10] Scott M L. Programming Language Pragmatics. Elsevier Inc., 2000