

# 时序逻辑程序的模型检测

王小兵<sup>1,2</sup> 段振华<sup>1</sup>

(西安电子科技大学计算理论与技术研究所 西安 710071)<sup>1</sup>

(武汉大学软件工程国家重点实验室 武汉 430072)<sup>2</sup>

**摘要** 时序逻辑程序的形式化验证对提高程序的正确性具有重要意义。以投影时序逻辑的可执行子集、框架投影时序逻辑语言 Framed Tempura 为研究对象,使用命题投影时序逻辑描述 Framed Tempura 程序的性质,将程序  $p$  和性质  $\phi$  统一表示在投影时序逻辑中,模型检测需要判定  $p \rightarrow \phi$  是否有效,可转化为判定  $p \wedge \neg \phi$  是否不可满足,这可以通过构造  $p \wedge \neg \phi$  的正则图加以解决。最后,给出了 Framed Tempura 程序的模型检测实例。

**关键词** 时序逻辑程序,形式化验证,正则图,模型检测

**中图分类号** TP311 **文献标识码** A

## Model Checking for Temporal Logic Programs

WANG Xiao-bing<sup>1,2</sup> DUAN Zhen-hua<sup>1</sup>

(Institute of Computing Theory & Technology, Xidian University, Xi'an 710071, China)<sup>1</sup>

(State Key Laboratory of Software Engineering, Wuhan University, Wuhan 430072, China)<sup>2</sup>

**Abstract** Formal verification of temporal logic programs plays an important role in improving program correctness. A framing projection temporal logic language, called Framed Tempura, is the research object as an executable subset of projection temporal logic. Propositional temporal logic was used to describe properties of a Framed Tempura program, thus the program  $p$  and properties  $\phi$  were both formalized in projection temporal logic, then model checking needs to evaluate whether or not  $p \rightarrow \phi$  is valid which can be translated into evaluate whether or not  $p \wedge \neg \phi$  is unsatisfiable, and this problem is solved by constructing the normal form graph of  $p \wedge \neg \phi$ . At last, an example of model checking a Framed Tempura program was given.

**Keywords** Temporal logic programs, Formal verification, Normal form graphs, Model checking

框架投影时序逻辑语言 Framed Tempura<sup>[1]</sup>是投影时序逻辑(Projection Temporal Logic, PTL)的一个子集,它与XYZ/E<sup>[2]</sup>同类,也是一种可执行的时序逻辑语言。Framed Tempura包含了数组、列表、指针<sup>[3]</sup>等数据结构,实现了顺序语句、条件语句、循环语句,还加入了投影语句、并行语句、等待语句等复杂的程序结构<sup>[4]</sup>,具有更强的表达能力。PTL适用于描述带有时间特性的软硬件系统性质,Framed Tempura可用于系统建模,这样便于在统一的PTL框架内验证系统性质。目前,PTL和Framed Tempura已经用于混合系统的形式化验证<sup>[5]</sup>、组合Web服务的描述和验证<sup>[6]</sup>。

程序的形式化验证方法主要有定理证明和模型检测。定理证明的验证方法过程复杂,只能判断系统是否满足性质,不能找出违反性质的原因;而模型检测<sup>[7]</sup>具有较高的自动化程度,当系统不满足性质时还能够给出反例,便于调试程序,因而是当前研究的热点之一,并已被用于验证通讯协议,安全协议和控制系统等。已经证明,命题投影时序逻辑(Propositional Projection Temporal Logic, PPTL)存在一个可判定算

法<sup>[8]</sup>,这为研究框架投影时序逻辑程序的模型检测提供了理论基础。本文介绍了投影时序逻辑和Framed Tempura语言,针对Framed Tempura程序 $p$ 和PPTL描述的性质公式 $\phi$ ,定义了模型检测算法来验证 $p$ 是否满足 $\phi$ ,即 $p \rightarrow \phi$ 是否有效。 $p \rightarrow \phi$ 有效等价于 $p \wedge \neg \phi$ 不可满足;若模型检测算法构造出 $p \wedge \neg \phi$ 的正则图只包含根结点,则其不可满足,即 $p \rightarrow \phi$ 始终为真,模型检测成功;否则 $p \wedge \neg \phi$ 可满足,则程序 $p$ 就违反了性质 $\phi$ ,正则图显示的是一个反例。最后本文给出了一个模型检测实例来说明该算法的应用。

### 1 投影时序逻辑

设 $\Pi$ 是一个可数的命题集合, $V$ 是一个可数的变量集合,项 $e$ 和公式 $p$ 如下所示,其中包含了逻辑操作符 $=, \rightarrow, \wedge, \vee$ 和 $\exists$ ,时序操作符下一状态 $O$ ,上一状态 $\Theta$ 和投影 $\text{pj}$ 等。 $u$ 是静态变量, $x$ 是动态变量, $\pi$ 是命题, $f$ 是函数, $P$ 是谓词。

$$e ::= u \mid x \mid f(e_1, \dots, e_m) \mid Oe \mid \Theta e$$

到稿日期:2008-11-24 返修日期:2009-02-17 本文受国家自然科学基金重点资助项目(60433010),国家自然科学基金资助项目(60873018),武汉大学软件工程国家重点实验室开放基金项目(SKLSSE20080713)资助。

王小兵(1979-),男,博士研究生,讲师,主要研究方向为时序逻辑语言、形式化验证等,E-mail:xbwang@mail.xidian.edu.cn;段振华(1948-),男,教授,博士生导师,主要研究方向为高可信软件理论与技术、互联网计算和互联网软件技术等。

$p ::= \pi | e_1 = e_2 | P(e_1, \dots, e_m) | \neg p | p_1 \wedge p_2 | p_1 \vee p_2 | \exists x: p | Op | \odot p | (p_1, \dots, p_m) \text{ prj } q$

**定义 1** 状态  $s = (I_v, I_p)$  是一个二元组,  $I_v: V \rightarrow D, I_p: \Pi \rightarrow B$ .  $D$  是变量的值域, 包含 nil 表示未定义值,  $B$  是布尔值集合.

**定义 2** 区间  $\sigma = \langle s_0, s_1, \dots \rangle$  是一个非空的状态序列. 区间长度记为  $|\sigma|$ , 当  $\sigma$  无限时,  $|\sigma|$  为  $\omega$ , 否则为其状态数减 1. 操作  $\cdot$  用来将两个区间连接成一个大区间.

**定义 3** 解释  $I = (\sigma, i, k, j)$  是一个四元组,  $\sigma$  是一个区间,  $i, k$  为整数,  $j$  为整数或  $\omega$ , 并且  $0 \leq i \leq j \leq |\sigma|$ , 其中  $\leq$  定义为  $\leq - \{ \omega, \omega \}$ .

对项的解释归纳定义为:

$I[u] = s_k[u] = I_s^k[u] = I_s^k[u]$ , 若  $u$  是静态变量.

$I[x] = s_k[x] = I_s^k[x]$ , 若  $x$  是动态变量.

$I[f(e_1, \dots, e_m)] = f(I[e_1], \dots, I[e_m])$  (若  $I[e_h] \neq \text{nil}$ , 对  $1 \leq h \leq m$ ), 否则 = nil.

$I[Oe] = (\sigma, i, k+1, j)[e]$  (若  $k < j$ ), 否则 = nil.

$I[\odot e] = (\sigma, i, k-1, j)[e]$  (若  $i < k$ ), 否则 = nil.

为了定义投影操作的语义, 需要一个辅助操作符  $\downarrow$ . 设  $\sigma = \langle s_0, s_1, \dots \rangle$  是一个区间,  $r_0, \dots, r_h$  ( $h \geq 0$ ) 是整数且有  $0 \leq r_0 \leq \dots \leq r_h \leq |\sigma|$ , 则  $\sigma \downarrow \langle r_0, \dots, r_h \rangle$  是  $\sigma$  在  $r_0, \dots, r_h$  上的投影, 为  $\langle s_{t_0}, \dots, s_{t_l} \rangle$ , 其中  $t_0, \dots, t_l$  是通过删除  $r_0, \dots, r_h$  中的冗余元素得到的, 即  $t_0, \dots, t_l$  是  $r_0, \dots, r_h$  的最长严格递增子序列. 例如,  $\langle s_0, s_1, s_2, s_3 \rangle \downarrow \langle 0, 0, 2, 2, 3 \rangle = \langle s_0, s_2, s_3 \rangle$ .

**定义 4** 若  $I \models p$ , 则称解释  $I$  满足公式  $p$ , 即  $p$  在  $I$  的区间的子区间  $\sigma_{(i, j)} = \langle s_i, \dots, s_j \rangle$  的当前状态  $s_k$  是满足的.

解释与公式间的满足关系  $\models$  归纳定义为:

$I \models \pi$  当且仅当  $s_k[\pi] = \text{true}$ .

$I \models e_1 = e_2$  当且仅当  $I[e_1] = I[e_2]$ .

$I \models P(e_1, \dots, e_m)$  当且仅当  $P$  是除  $=$  以外的原始谓词, 并且对  $1 \leq h \leq m$ , 有  $I[e_h] \neq \text{nil}$  和  $P(I[e_1], \dots, I[e_m]) = \text{true}$ .

$I \models \neg p$  当且仅当  $I \not\models p$ .

$I \models p_1 \wedge p_2$  当且仅当  $I \models p_1$  并且  $I \models p_2$ .

$I \models p_1 \vee p_2$  当且仅当  $I \models p_1$  或者  $I \models p_2$ .

$I \models \exists x: p$  当且仅当存在  $\sigma'$ , 满足  $|\sigma'| = |\sigma|$ ,  $(\sigma', i, k, j) \models p$ , 并且  $\sigma$  和  $\sigma'$  除了对  $x$  的解释可以不同外, 对其他变量的解释都相同.

$I \models Op$  当且仅当  $k < j$  并且  $(\sigma, i, k+1, j) \models p$ .

$I \models \odot p$  当且仅当  $i < k$  并且  $(\sigma, i, k-1, j) \models p$ .

$I \models (p_1, \dots, p_m) \text{ prj } q$ , 若存在整数  $k = r_0 \leq \dots \leq r_m \leq j$  使  $(\sigma, i, r_0, r_1) \models p_1, (\sigma, r_{l-1}, r_{l-1}, r_l) \models p_l$  (对  $1 < l \leq m$ ) 并且对下面的某种情况有  $(\sigma', 0, 0, |\sigma'|) \models q$ :

(1)  $r_m < j$  并且  $\sigma' = \sigma \downarrow (r_0, \dots, r_m) \cdot \sigma_{(r_m+1, \dots, j)}$ ;

(2)  $r_m = j$  并且  $\sigma' = \sigma \downarrow (r_0, \dots, r_h)$  ( $0 \leq h \leq m$ ).

投影操作允许用不同的时间粒度刻画计算进程, 是 PTL 的核心时序操作符, 由它可定义顺序和循环等语句. 为了解释  $(p_1, \dots, p_m) \text{ prj } q$ , 需要两个不同时间粒度的状态序列: 一个是执行  $p_1, \dots, p_m$  的局部序列, 另一个是并行执行  $q$  的全局序列. 直观地,  $q$  与  $p_1, \dots, p_m$  在一个区间上并行执行,  $q$  的区间状态仅仅是  $p_1, \dots, p_m$  各自区间的初始状态和终止状态. 投影操作允许  $p_1, \dots, p_m, q$  各自独立, 都有权利来定义本身的执行区间. 进程独立运行, 通信依赖于共享变量, 且只发生

在全局序列的状态上. 特别地, 进程序列  $p_1, \dots, p_m$  与进程  $q$  可能结束于不同的状态点.  $(p_1, p_2) \text{ prj } q$  的三种可能执行情况如图 1 所示.

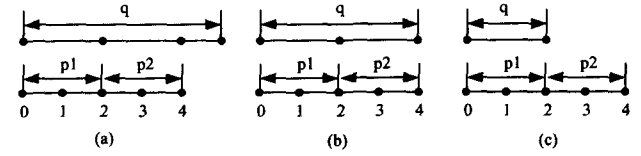


图 1  $(p_1, p_2) \text{ prj } q$  的三种可能执行

## 2 框架投影时序逻辑语言

框架投影时序逻辑语言 Framed Tempura<sup>[1]</sup> 是 PTL 的一个可执行子集, 具有完全的形式化语义. Framed Tempura 程序中一些常用的导出公式定义如下, 其中区间时序逻辑<sup>[9]</sup>的核心操作符 chop( $\cdot$ ) 能够被 prj 表示.

$\text{empty} \equiv \neg \text{Otrue}$     $\text{more} \equiv \text{Otrue}$     $\text{skip} \equiv \text{Oempty}$   
 $\text{len}(n) \equiv \text{O}^n \text{empty}$     $\diamond p \equiv \text{true}; p$     $\square p \equiv \neg \diamond \neg p$   
 $p_1; \dots; p_m \equiv (p_1, \dots, p_m) \text{ prj } \text{empty}$   
 $p^* \equiv \text{empty} \vee (p; p^*) \vee p \wedge \square \text{more}$

时序逻辑程序在一个状态序列上执行, 变量的值不是自动遗传的. 为了使变量具有惰性, 可以显式或隐式地重复赋值<sup>[2]</sup>, 但是程序会变得比较复杂. 定义谓词  $af(x) \equiv p_x$ , 当变量  $x$  被赋值时它就为真, 否则为假. 状态框架操作符  $lbf(x)$  和区间框架操作符  $frame(x)$  定义如下, 它们分别用来声明  $x$  的值在单个状态和整个区间上是自动遗传的.

**定义 5** 状态框架操作符  $lbf(x) \equiv \neg af(x) \rightarrow \exists b: (\text{O}x = b \wedge x = b)$ , 其中  $b$  为静态变量.  $lbf(x)$  表示  $x$  是状态框架变量, 即若  $x$  在当前状态没有赋值, 则它继承上一状态的值.

**定义 6** 区间框架操作符  $frame(x) \equiv \square(\text{more} \rightarrow \text{O}lbf(x))$ , 表示  $x$  是区间框架变量, 即  $x$  在区间的每个状态上都是状态框架变量.  $frame(x_1, \dots, x_n)$  用于声明多个区间框架变量.

Framed Tempura 中的表达式对应于 PTL 的项, 语句对应于 PTL 的公式, 执行程序即是为 PTL 公式寻找一个区间, 使公式在此区间的相应状态上能被满足, 能成功执行的程序即是可满足的 PTL 公式. 在如下基本语句中,  $x$  是变量,  $e$  是表达式,  $b$  是布尔表达式,  $s$  (可带下标) 是语句.

- (1) 空语句: empty.
- (2) 基本赋值语句:  $x = e, x := e \equiv \text{skip} \wedge \text{O}x = e$ .
- (3) 区间框架语句:  $frame(x)$ .
- (4) 存在语句:  $\exists x: s$ .
- (5) next 语句:  $\text{O}s$ .
- (6) always 语句:  $\square s$ .
- (7) 投影语句:  $(s_1, \dots, s_m) \text{ prj } s$ .
- (8) 顺序语句:  $s_1; s_2 \equiv (s_1, s_2) \text{ prj } \text{empty}$ .
- (9) 选择语句:  $s_1 \vee s_2$ .
- (10) 合取语句:  $s_1 \wedge s_2$ .
- (11) 并行语句:  $s_1 || s_2 \equiv s_1 \wedge (s_2; \text{true}) \vee s_2 \wedge (s_1; \text{true})$ .
- (12) 条件语句:  
if  $b$  then  $s_1$  else  $s_2 \equiv (b \rightarrow s_1) \wedge (\neg b \rightarrow s_2)$ .
- (13) while 语句:  
while  $b$  do  $s \equiv (b \wedge s)^* \wedge \square(\text{empty} \rightarrow \neg b)$ .

(14) until 语句: repeat  $s$  until  $b \equiv s$ ; while  $\neg b$  do  $s$ .

(15) 等待语句:

$\text{await}(b) \equiv \text{frame}(x_1, \dots, x_n) \wedge \square(\text{empty} \leftrightarrow b)$ , 其中  $x_1, \dots, x_n$  是  $b$  中的变量。

表达式和程序的解释与 PTL 中项和公式的解释一样。操作符的优先级从高到低依次为  $\neg, \exists, \bigcirc, \ominus, \square, =, :=, \wedge, \vee, ||, \rightarrow, \leftrightarrow, \text{prj}, ;$ 。empty 表示程序在当前状态终止。执行基本赋值语句首先要解释  $e$ , 然后将  $x$  解释为  $e$  值, 使得公式  $x=e$  为真。frame( $x$ ) 表示  $x$  是区间框架的。存在语句中的变量  $x$  只在  $s$  中有效, 即是一个局部变量。next 语句表示语句在下一状态执行, 而 always 语句表示语句在每个状态都要执行。基于 prj 的投影语句是可执行的, 常见的顺序、条件、while 和 until 语句都被定义成一个可执行的时序逻辑公式。选择语句用于构造非确定性程序。合取与并行语句比较类似, 都可用于描述并发程序, 但后者允许各进程定义自己的区间。例如,  $\text{len}(2) || \text{len}(3)$  可满足, 而  $\text{len}(2) \wedge \text{len}(3)$  不可满足。一个进程可以包含等待语句  $\text{await}(b)$ , 表达式  $b$  中包含若干变量, 当其它进程改变这些变量使得表达式为真时, 该进程才跳过等待语句继续执行, 因此等待语句可以实现进程间的同步。

### 3 模型检测算法

Framed Tempura 程序的性质描述可以使用命题投影时序逻辑 PPTL, 它是 PTL 的命题形式, 排除了变量、谓词和量词等一阶成分, 其语法定义如下。

$p ::= \pi | \neg p | p_1 \wedge p_2 | p_1 \vee p_2 | Op | \ominus p$   
 $| (p_1, \dots, p_m) \text{ prj } q$

PPTL 的语义与 PTL 的类似, 每个状态对  $\Pi$  中的命题进行解释, 但不包括对变量的解释。特别地, PPTL 存在一个可判定的算法<sup>[8]</sup>, 它为 Framed Tempura 程序的模型检测提供了理论基础。

Framed Tempura 程序的模型检测思想如下: 对程序  $p$  使用 PPTL 描述待验证的性质为  $\phi$ , 再使用模型检测算法来判断程序是否满足该性质, 即  $p \rightarrow \phi$  是否有效。判定  $p \rightarrow \phi$  是否有效, 可以转化为  $p \wedge \neg \phi$  的可满足性问题。如果  $p \wedge \neg \phi$  不可满足, 则  $p \rightarrow \phi \equiv \neg(p \wedge \neg \phi)$  始终为真, 模型检测成功; 如果  $p \wedge \neg \phi$  可满足, 则程序  $p$  就违反了性质  $\phi$ 。

Framed Tempura 程序及其性质都统一表达在 PTL 的框架内, 因此公式的形式很复杂, 研究它们的性质较为困难。为了简化研究, 可将 Framed Tempura 程序和 PPTL 公式转化为等价的正则形, 它们的定义分别如下。

**定义 7** Framed Tempura 程序  $q$  的正则形为

$$\bigvee_{i=1}^k (q_{ai} \wedge \text{empty}) \vee \bigvee_{j=1}^h (q_{aj} \wedge Oq_{bj})$$

其中,  $k, h \geq 0 (k+h \geq 1)$ ; 对  $1 \leq j \leq h$ ,  $q_{bj}$  是一般程序(不要求是正则形);  $q_{ai}$  和  $q_{aj}$  为 true, 或形为  $(x_1 = e_1) \wedge \dots \wedge (x_m = e_m) \wedge \dot{p}_{x_1} \wedge \dots \wedge \dot{p}_{x_m}$ , 其中  $e_1, \dots, e_m$  属于  $D$ ,  $\dot{p}_x$  代表  $p_x$  或  $\neg p_x$ 。

**定义 8** PPTL 公式  $q$  的正则形为

$$\bigvee_{i=1}^k (q_{ai} \wedge \text{empty}) \vee \bigvee_{j=1}^h (q_{aj} \wedge Oq_{bj})$$

其中,  $k, h \geq 0 (k+h \geq 1)$ ; 对  $1 \leq j \leq h$ ,  $q_{bj}$  是一般 PPTL 公式(不要求是正则形);  $q_{ai}$  和  $q_{aj}$  为 true, 或形为  $\pi_1 \wedge \dots \wedge \pi_m$ ,  $\pi$  代表  $\pi$  或  $\neg \pi$ 。特别地, 如果  $\bigvee_{j=1}^h q_{bj} \equiv \text{true}$ , 且  $\bigvee_{i \neq j} (q_{ai} \wedge q_{aj}) \equiv \text{false}$ , 则该正则形称为完全正则形。

完全正则形用于求解一个 PPTL 公式的否定形式<sup>[8]</sup>。若

公式  $q$  的完全正则形如上所示, 那么  $\neg q$  为  $\bigvee_{i=1}^k (\neg q_{ai} \wedge \text{empty})$

$\vee \bigvee_{j=1}^h (q_{aj} \wedge O \neg q_{bj})$ 。根据 Framed Tempura 程序的模型检测思想, 性质  $p$  需要转化为  $\neg p$ , 因此完全正则形具有重要的意义。

已经证明, 存在算法可将任意 Framed Tempura 程序转化为正则形<sup>[1]</sup>, 将任意 PPTL 公式转化为完全正则形<sup>[8]</sup>, 在此不再赘述。根据正则形可以构造出 Framed Tempura 程序或 PPTL 公式的模型, 称为正则图, 其定义如下。

**定义 9**  $p$  是一个 Framed Tempura 程序或 PPTL 公式, 则其正则图是有向图  $G(p) = (CL(p), EL(p))$ 。CL( $p$ ) 是结点集合, 每个结点是一个 Framed Tempura 程序或 PPTL 公式。EL( $p$ ) 是有向边集合, 包含三元组  $(q, p_e, r)$ , 表示从结点  $q$  到结点  $r$  有一条标记为  $p_e$  的边, 其中  $p_e$  为 Framed Tempura 程序或 PPTL 公式。正则图  $G(p)$  归纳定义如下:

(1)  $p$  在 CL( $p$ ) 中;

(2) 对于  $CL(p) - \{\text{empty}, \text{false}\}$  中任意  $q$ , 若其正则形为  $\bigvee_{i=1}^k (q_{ai} \wedge \text{empty}) \vee \bigvee_{j=1}^h (q_{aj} \wedge Oq_{bj})$ , 则 empty 在 CL( $p$ ) 中, 对于所有  $i$  有边  $(q, q_{ai}, \text{empty})$  在 EL( $p$ ) 中, 对于所有  $j$  有  $q_{bj}$  在 CL( $p$ ) 中, 且有边  $(q, q_{aj}, q_{bj})$  在 EL( $p$ ) 中。

(3) 有限次应用(1)和(2)生成的才是正则图。

例 1 Framed Tempura 程序  $p$  为  $\text{frame}(x) \wedge (x=2 \vee x=3) \wedge \text{if}(x=2) \text{ then len}(2) \text{ else len}(3)$ , 其正则图如图 2 所示。

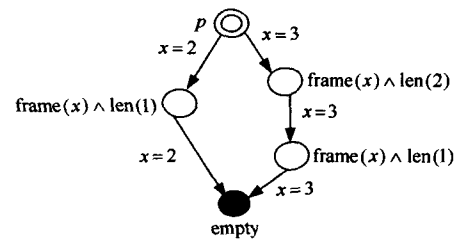


图 2 程序  $p$  的正则图

从图 2 知,  $p$  是程序正则图的根结点, 从它出发到达 empty 终止结点有两条路径, 说明程序  $p$  执行有两种情况。以左边的路径为例进行说明: 两条边表明程序有两个状态; 边上标注的均是  $x=2$ , 说明每个状态都要满足该条件, 即  $x$  被置为 2;  $p$  的后继结点是  $\text{frame}(x) \wedge \text{len}(1)$ , 表示程序在经过一个状态执行后发生了变化, 下一状态要执行的是  $\text{frame}(x) \wedge \text{len}(1)$ , 它再经过一个状态执行就变成了 empty, 于是程序终止。

在构造 Framed Tempura 程序的正则图时, 从根结点代表的公式出发, 不断地求解正则形, 生成新的边和结点, 如果边代表的公式是不可满足的, 则该路径无法继续延展到 empty 结点, 它就不是程序的可能执行路径, 需要将该路径上的结点删除掉。如果一个程序不能执行, 即它代表的公式不可满足, 不存在从根结点到 empty 结点的路径, 那么除根结点外的所有结点都将删除, 最终正则图只包含根结点。如果程序能执行, 那么在正则图中存在从根结点到 empty 结点的路径。

PPTL 公式的正则图含义与 Framed Tempura 程序的类似, 在此不再赘述。

**算法 1** 构造  $M \wedge \rightarrow P$  的正则图。

输入: Framed Tempura 程序  $M$  和 PPTL 公式  $P$ 。

输出: 正则图  $G = (CL, EL)$ 。

(1)置结点集  $CL$  为  $\{M \wedge \neg P\}$ , 且该根结点加未处理标记, 置边集  $EL$  为空;

(2)若  $CL$  中结点处理完毕, 转向(4); 否则任取一未处理结点  $r \wedge \neg \varphi$  作已处理标记, 计算  $r$  的正则形为  $\bigvee_{i=1}^k (r_{ai} \wedge \text{empty}) \vee \bigvee_{j=1}^h (r_{oj} \wedge \text{or}_{fj})$ , 计算  $\neg \varphi$  的正则形为  $\bigvee_{m=1}^s (\neg \varphi_{om} \wedge \text{empty}) \vee \bigvee_{n=1}^t (\varphi_{on} \wedge O \rightarrow \varphi_{fn})$ ;

(3)上述两个正则形的合取式记为  $Q$ , 根据  $Q$  的三种不同形式执行如下不同的操作, 完成后转向(2)。

①若  $Q$  形如  $\bigvee_{i=1}^k \bigvee_{m=1}^s (r_{ai} \wedge \neg \varphi_{om} \wedge \text{empty})$ , 则将结点  $\text{empty}$  加入  $CL$ , 对所有  $i$  和  $m$ , 将边  $(r \wedge \neg \varphi, r_{ai} \wedge \neg \varphi_{om}, \text{empty})$  加入  $EL$ ;

②若  $Q$  形如  $\bigvee_{j=1}^h \bigvee_{n=1}^t (r_{oj} \wedge \varphi_{on} \wedge O(r_{fj} \wedge \neg \varphi_{fn}))$ , 对所有  $j$  和  $n$ , 若结点  $r_{fj} \wedge \neg \varphi_{fn}$  不在  $CL$  中, 则加入该结点并作未处理标记, 将边  $(r \wedge \neg \varphi, r_{oj} \wedge \varphi_{on}, r_{fj} \wedge \neg \varphi_{fn})$  加入  $EL$ ;

③若  $Q$  形如  $\bigvee_{i=1}^k \bigvee_{m=1}^s (r_{ai} \wedge \neg \varphi_{om} \wedge \text{empty}) \vee \bigvee_{j=1}^h \bigvee_{n=1}^t (r_{oj} \wedge \varphi_{on} \wedge O(r_{fj} \wedge \neg \varphi_{fn}))$ , 即是①和②形式的析取, 则执行①和②的操作。

(4)从根结点出发, 将无法到达  $\text{empty}$  结点路径上的结点删除。

如果  $M \wedge \neg P$  的正则图只有一个根结点, 没有任何路径存在, 则  $M \wedge \neg P$  不可满足,  $M \rightarrow P$  始终为真, 结论为程序  $M$  满足待验证的性质  $P$ ; 如果  $M \wedge \neg P$  的正则图含有路径, 则  $M \wedge \neg P$  可满足, 结论为程序  $M$  不满足待验证的性质  $P$ , 分析正则图中的路径, 可以得到程序  $M$  违反性质  $P$  的一个反例。

#### 4 验证实例

根据算法 1 已实现了一个框架投影时序逻辑程序的模型检测器原型。下面通过一个订票系统的例子来说明模型检测的过程。

例 2 订票系统使用 Ticket 保存总票数, 其初始值为 100。售票点 A 和 B 分别用 ATicket 和 BTicket 保存本地票数。售票点 A 卖出了一张票, 同时 B 卖出了两张票, 最后总票数应该为 97, 此结论可以用命题  $p$  表示。程序满足的性质为: 当程序终止时, 命题  $p$  为真, 即是 PPTL 公式  $\square(\text{empty} \rightarrow p)$  为真。将程序性质和程序源码按照模型检测器的语法规则规范编码如下。

```

//使用 PPTL 描述性质
define p; Ticket = 97;
always(empty-> p)
/>
frame(Ticket, ATicket, BTicket) and(
  Ticket=100 and skip; //初始化机票
  //售票点 A 卖出一张票
  ATicket:= Ticket; ATicket:= ATicket-1;
  Ticket:= ATicket)
||
  //售票点 B 卖出两张票
  BTicket:= Ticket; BTicket:= BTicket-2;
  Ticket:= BTicket)
).

```

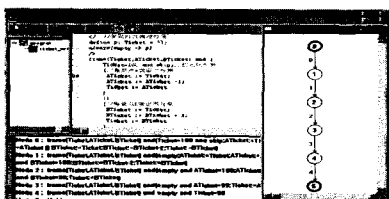


图 3 订票程序的模型检测结果图

模型检测器的运行结果如图 3 所示。正则图含有一条从状态 0 到状态 5 的路径, 根据算法 1 得知程序违反了待验证的性质。

根据模型检测器的提示信息对程序进行分析, 可知正则图显示的是一个反例: 程序执行后总票数 Ticket 为 99。原因在于售票点 A 和 B 的卖票操作是同时进行的, 但是程序没有进行并发控制。并发控制需要引入封锁机制, 可以通过加入锁变量和等待语句实现, 修改后的程序如下。

```

frame(Ticket, Lock, ATicket, BTicket) and(
  //初始化机票和锁
  Ticket = 100 and Lock = 0 and skip;
  //售票点 A 卖出一张票
  await(Lock=0); Lock:= 1;
  ATicket:= Ticket; ATicket:= ATicket-1;
  Ticket:= ATicket; Lock:= 0)
||
  //售票点 B 卖出两张票
  await(Lock=0); Lock:= 1;
  BTicket:= Ticket; BTicket:= BTicket-2;
  Ticket:= BTicket; Lock:= 0)
).

```

重新运行模型检测器, 正则图只有根结点状态 0, 因此修改后的程序满足待验证的性质。

**结束语** 本文针对框架投影时序逻辑语言 Framed Tempura, 提出了 Framed Tempura 程序的模型检测算法。使用命题投影时序逻辑描述待验证的性质, 将程序和性质统一表示在投影时序逻辑的框架内, 模型检测被转化为逻辑公式的可满足性问题, 通过构造并分析正则图, 可验证程序是否满足待验证的性质。今后的工作包括进一步完善、优化模型检测算法, 增强模型检测器的功能, 验证更多的 Framed Tempura 程序, 扩大 Framed Tempura 语言的应用范围。

#### 参考文献

- [1] Duan Zhenhua, Yang Xiaoxiao, Maciej K. Framed temporal logic programming[J]. Science of Computer Programming, 2008, 70(1): 31-61
- [2] 唐雅松. 时序逻辑程序设计与软件工程[M]. 北京: 科学出版社, 1999
- [3] 王小兵, 段振华. 框架投影时序逻辑程序设计语言中的指针[J]. 西安电子科技大学学报: 自然科学版, 2008, 35(06): 1069-1074
- [4] Ma Yongtao, Duan Zhenhua, Wang Xiaobing, et al. An Interpreter for Framed Tempura and Its Application[C]//First Joint IEEE/IFIP Symposium on Theoretical Aspects of Software Engineering. Shanghai, 2007
- [5] 张海宾, 段振华. 混合投影时序逻辑与混合系统的形式化验证[J]. 计算机科学, 2007, 34(11): 279-282
- [6] 王小兵, 段振华. 面向对象的时序逻辑语言[J]. 电子科技大学学报: 自然科学版, 2009, 38(01): 97-101
- [7] 林惠民, 张文辉. 模型检测: 理论、方法与应用[J]. 电子学报, 2002(S1): 1907-1912
- [8] Duan Zhenhua, Tian Cong, Zhang Li. A decision procedure for propositional projection temporal logic with infinite models[J]. Acta Informatica, 2008, 45(1): 43-78
- [9] Moszkowski B C. Executing Temporal Logic Programs[M]. Cambridge: Cambridge University Press, 1986